



## Parallel and Distributed IR Παράλληλη και Κατανεμημένη ΑΠ

Γιάννης Τζιτζίκας



### Διάρθρωση Περιεχομένου

Μέρος Α: Παράλληλη Ανάκτηση Πληροφοριών (Parallel IR)

Μέρος Β: Κατανεμημένη Ανάκτηση Πληροφοριών (Distributed IR)

- Επιλογή Πηγής
- Ενοποίηση Αποτελεσμάτων

Μέρος Γ: Ανάκτηση Πληροφοριών σε Ομότιμα Συστήματα (Peer-to-Peer Systems)



## Μέρος Β

### Κατανεμημένη Ανάκτηση Πληροφοριών (Distributed Information Retrieval)



### Κατανεμημένη Ανάκτηση Πληροφοριών: Διάρθρωση

- Κίνητρο
- Σχέση μεταξύ Παράλληλης και Κατανεμημένης Αν. Πληροφοριών
- Σχεδιαστικά Ζητήματα
- Διαμέριση Συλλογών και Εγγράφων
- Επιλογή Πηγής
- Ενοποίηση Αποτελεσμάτων

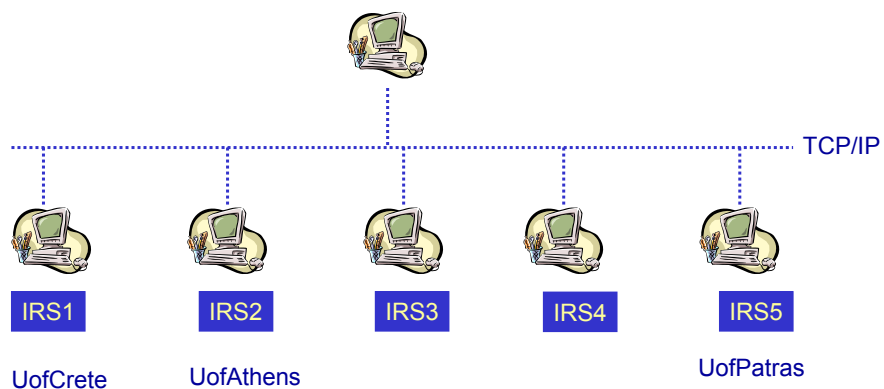


## Κατανεμημένη ΑΠ: Κίνητρο

- Το κίνητρο για Παράλληλη ΑΠ ήταν η **βελτίωση της απόδοσης**
- Για την Κατανεμημένη ΑΠ δεν είναι μόνο αυτό.
  - Είναι και η ανάγκη **ενοποιημένης πρόσβασης** στα έγγραφα πολλών συστημάτων ανάκτησης πληροφοριών

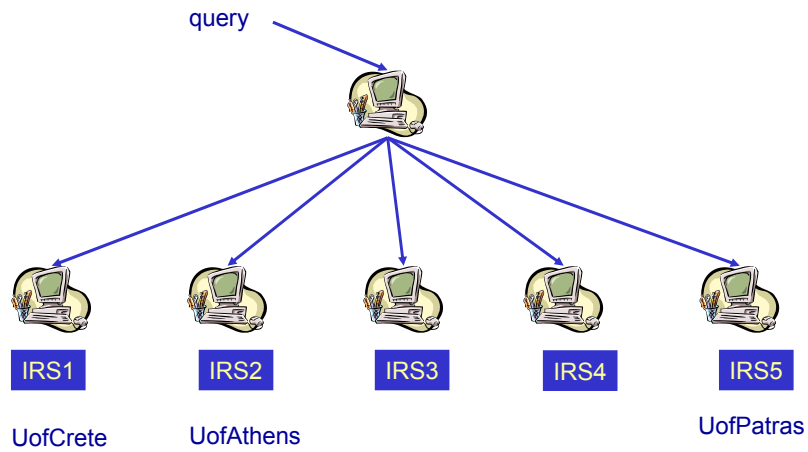


## Κατανεμημένη Ανάκτηση Πληροφοριών





## Κατανεμημένη Ανάκτηση Πληροφοριών



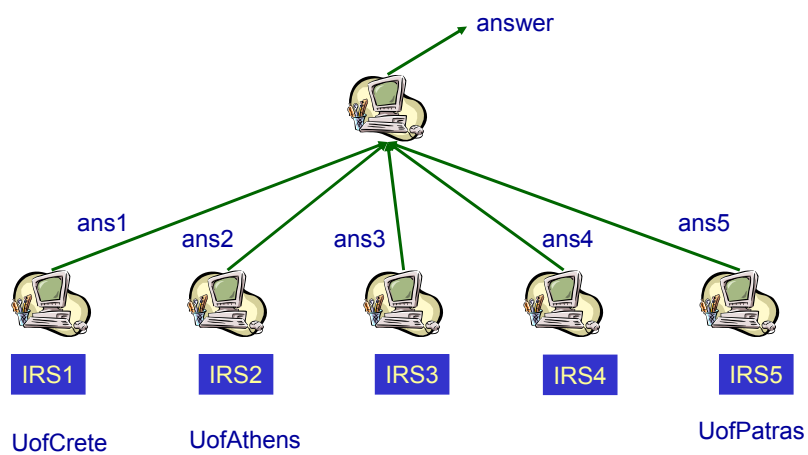
CS463 - Information Retrieval Systems

Yannis Tzitzikas, U. of Crete

7



## Κατανεμημένη Ανάκτηση Πληροφοριών



CS463 - Information Retrieval Systems

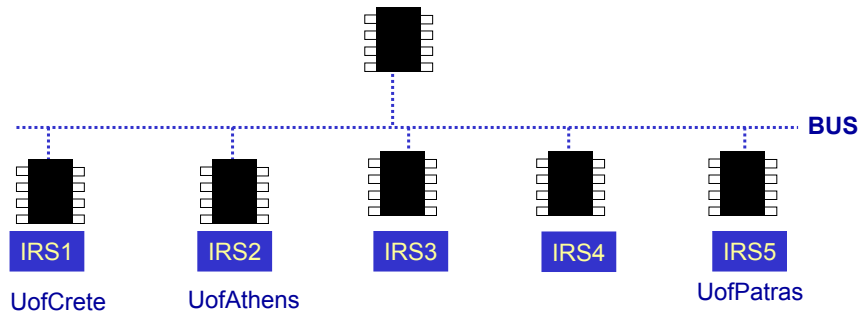
Yannis Tzitzikas, U. of Crete

8



## Ποια η Σχέση μεταξύ Παράλληλης και Κατακεμημένης Ανάκτησης Πληροφοριών;

- Η κατακεμημένη μοιάζει με την παράλληλη αρχιτεκτονική MIMD
- Διαφορές με την MIMD
  - το **κανάλι επικοινωνίας** μεταξύ των επεξεργαστών είναι πολύ πιο αργό
  - δεν έχουμε τους ίδιους επεξεργαστές (όπως σε μια παράλληλη μηχανή)
  - στην κατακεμημένη ο μεσίτης (broker) συχνά επιλέγει να χρησιμοποιήσει μόνο ένα υποσύνολο των υποκείμενων συστημάτων



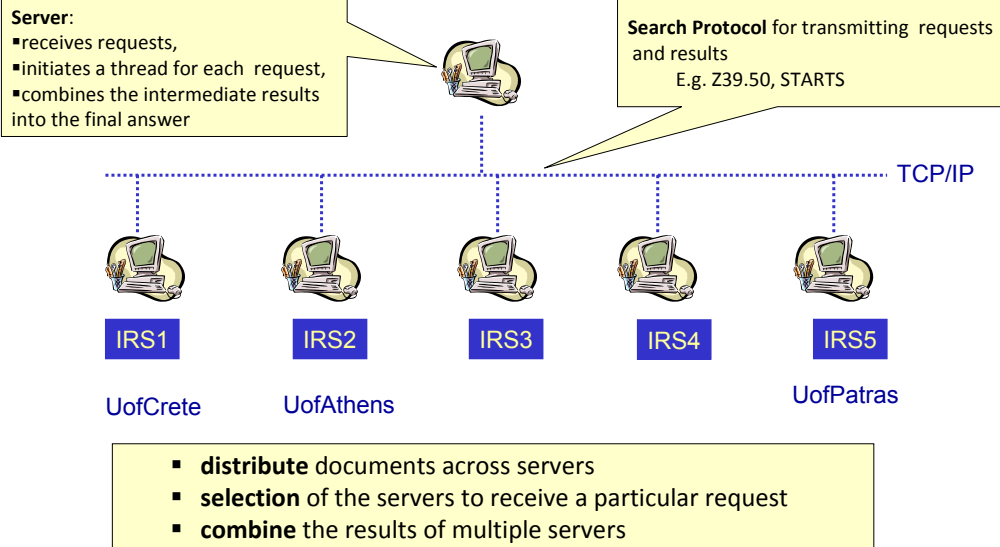
## Σχέση μεταξύ Παράλληλης και Κατακεμημένης Αν. Πλ.

Ποια προσέγγιση του **Partitioned Parallel Processing** είναι κατάλληλη για την Κατακεμημένη Ανάκτηση;

- **document partitioning:** ενδείκνυται για την κατακεμημένη ανάκτηση
- **term partitioning:** δεν είναι πολύ καλή διότι απαιτεί περισσότερη επικοινωνία (για αυτό σπάνια υιοθετείται από ένα κατακεμημένο σύστημα)



## Καταμεμημένη Ανάκτηση: Σχεδιαστικά ζητήματα



## Διαμερισμός Συλλογών (Collection Partitioning)

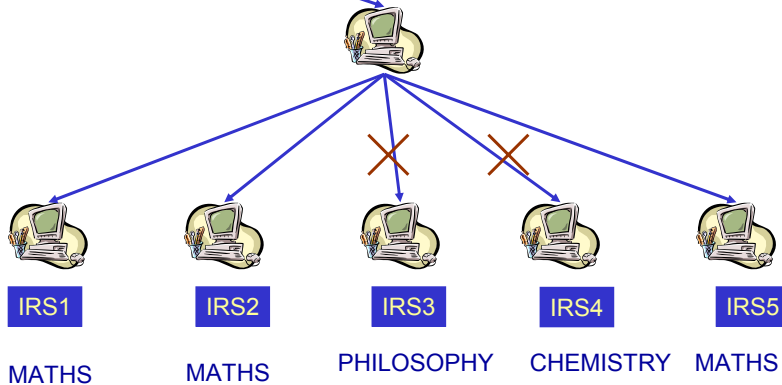
- Δεν τίθεται τέτοιο ζήτημα αν τα υποκείμενα συστήματα είναι ετερογενή
- Σενάρια για την περίπτωση που υπάρχει κεντρικός έλεγχος:
  - **Semantic-based** partition of collections to servers
    - Search Servers focusing on a particular subject area
      - E.g. Maths, Physics, etc
  - **Semantic-based** partition of documents to servers
    - π.χ. με χρήση ενός αλγορίθμου ομαδοποίησης (clustering)
  - **Replications** of collections to all servers
    - για βελτίωση throughput (μοιάζει με το multitasking)
    - όταν οι συλλογές δεν είναι μεγάλες
  - **Τυχαία διανομή** εγγράφων στους servers
    - για βελτίωση της απόδοσης στην περίπτωση που η συλλογή είναι πολύ μεγάλη



## Επιλογή Πηγής (Source Selection)

**Source Selection:** Επιλογή των συλλογών που είναι πιθανόν να έχουν συναφή έγγραφα με την τρέχουσα επερώτηση

Q=«Lagrange multipliers»



## Για ποιο λόγο να κάνουμε Επιλογή Πηγής;

Η αναζήτηση σε κάθε συλλογή μπορεί:

- να είναι **ακριβή σε χρόνο** (αφού μπορεί να έχουμε εκατοντάδες συλλογές)
- να είναι **ακριβή σε χρήμα** (η αναζήτηση μπορεί να έχει χρηματικό κόστος)
- να καθορίσει την **αποτελεσματικότητα** (effectiveness) της ανάκτησης



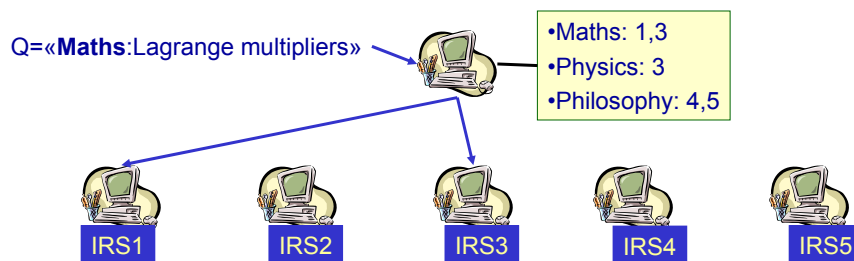
## Επιλογή Πηγής: Επιλογή Όλων

- Κατάλληλη κυρίως για διαμερισμό μιας μεγάλης συλλογής πάνω από ένα **τοπικό δίκτυο**
- Εύκολη ενοποίηση αποτελεσμάτων για το Boolean model
  - $answer(q) = ans1(q) \cup \dots \cup ansk(q)$
- Η ενοποίηση αποτελεσμάτων για τα στατιστικά μοντέλα είναι πιο δύσκολη (*το ζήτημα αυτό θα μελετηθεί παρακάτω*)



## Επιλογή Πηγής: Χειρονακτική Ομαδοποίηση και Επιλογή

- Θεματική οργάνωση συλλογών (χειρονακτικώς)
  - πχ **μαθηματικά, φυσική, ειδήσεις**, κλπ
  - προβλήματα
    - χρονοβόρα διαδικασία, ευάλωτη σε ασυνέπειες/παραλείψεις, δεν θα δουλέψει καλά για μη-συνηθισμένες επερωτήσεις
- Ο χρήστης επιλέγει τη θεματική κατηγορία

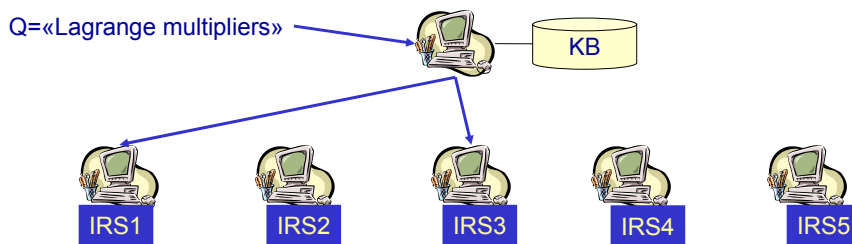






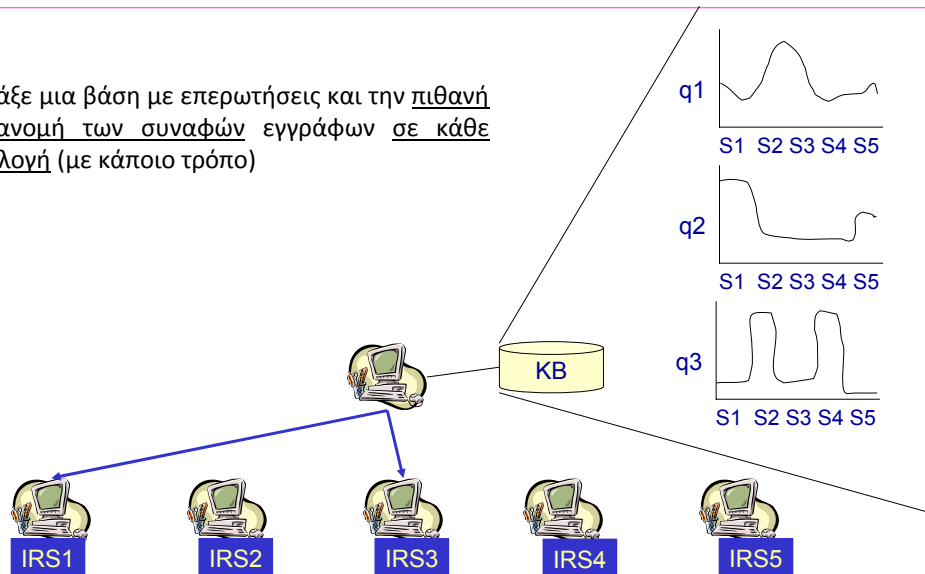
## Επιλογή Πηγής βάσει Κανόνων (Rule-based)

- Τα περιεχόμενα κάθε συλλογής περιγράφονται σε μια **Βάση Γνώσης**
- Ένα Σύστημα Κανόνων επιλέγει τις πηγές για κάθε εισερχόμενη επερώτηση
- Αδυναμίες
  - κόστος συγγραφής κανόνων
  - ανάγκη συντήρησης των κανόνων (αν οι συλλογές είναι δυναμικές)



## Επιλογή Πηγής: Κατανομή Συναφών Εγγράφων (Relevant Document Distribution (RDD))

Φτιάξε μια βάση με επερωτήσεις και την πιθανή κατανομή των συναφών εγγράφων σε κάθε συλλογή (με κάποιο τρόπο)

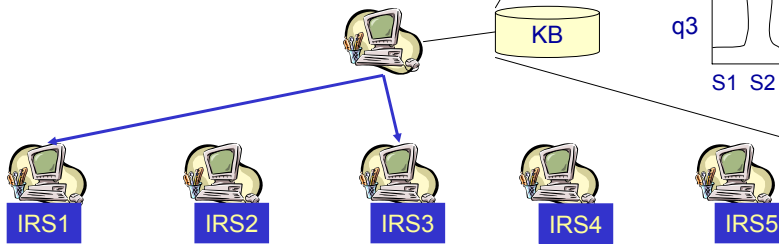
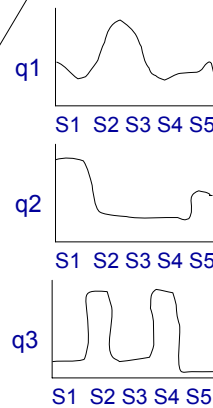




### Επιλογή Πηγής: Κατανομή Συναφών Εγγράφων (Relevant Document Distribution (RDD))

Για κάθε νέα επερώτηση q που λαμβάνει το σύστημα

- Βρίσκουμε τις κ πιο κοντινές επερωτήσεις στη βάση (similar past queries)
- Από τις κατανομές τους, εκτιμούμε πόσα συναφή έγγραφα με την νέα επερώτηση έχει κάθε πηγή
- Αποφασίζουμε πόσα έγγραφα να ζητήσουμε από κάθε συλλογή (αν 0 δεν στέλνουμε επερώτηση)



### Επιλογή Πηγής: Επερώτηση Βολιδοσκόπησης (Query Probing)

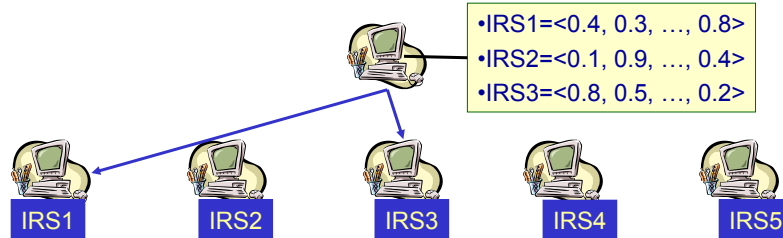
- Στέλνουμε μια **επερώτηση βολιδοσκόπησης (probing query)** σε κάθε συλλογή (που μπορεί να περιλαμβάνει μερικούς από τους όρους της επερώτησης)
  - Κάθε συλλογή απαντά με στατιστικές πληροφορίες
    - πχ: μέγεθος συλλογής, πόσα έγγραφα έχουν τον κάθε όρο, πόσα έγγραφα έχουν όλους τους όρους της επερώτησης, κλπ
  - Βάσει αυτών των στοιχείων επιλέγουμε την πηγή

Υποθέσεις

- η επεξεργασία των επερωτήσεων βολιδοσκόπησης είναι πολύ φθηνότερη
  - περιέχουν λίγους όρους, δεν χρειάζεται να υπολογίσουμε βαθμούς συνάφειας ή να διατάξουμε τα έγγραφα ως προς τη συνάφεια τους



## Επιλογή Πηγής με Διανύσματα Πηγών



- Βλέπουμε **κάθε συλλογή** ως ένα **μεγάλο έγγραφο**
- Φτιάχνουμε ένα **διάνυσμα για κάθε συλλογή** (τύπου TF-IDF)
  - $tf_{ij}$ : συνολικές εμφανίσεις του όρου  $i$  στη συλλογή  $j$
  - $idf_i$ :  $\log(N/n_i)$ , όπου  $N$  το πλήθος των συλλογών, και  $n_i$  το πλήθος των συλλογών που έχουν τον όρο  $i$
- Υπολογίζουμε το **βαθμό ομοιότητας** κάθε νέας επερώτησης με το **διάνυσμα** **κάθε συλλογής** (π.χ. ομοιότητα συνημίτονου)
- Διατάσσουμε τις συλλογές και επιλέγουμε τις κορυφαίες



## Επιλογή Πηγής με Διανύσματα Πηγών (II)

- Μια αδυναμία:
  - Μπορεί ο βαθμός ομοιότητας με μία συλλογή να είναι μεγάλος, αλλά να μην υπάρχει κανένα έγγραφο εκεί με μεγάλο βαθμό συνάφειας
- Ένας τρόπος αντιμετώπισης:
  - Για κάθε συλλογή φτιάξε  $N/B$  διανύσματα, δηλαδή ένα διάνυσμα για κάθε  $B$  έγγραφα της συλλογής
  - Αν  $B = 1$  τότε ο server είναι σαν να έχει το ευρετήριο όλων των συστημάτων
  - Αν  $B = N$  τότε έχουμε ένα διάνυσμα για κάθε συλλογή



## Επιλογή Πηγής: **GLOSS** (Glossary of Servers Server)

Estimate the number of potentially relevant documents in a collection  $C$  for a Boolean AND query  $Q$  as:

$$|C| \cdot \prod_{t \in Q} \frac{df_t}{|C|}$$

$df_t$  : number of docs in  $C$  that contain  $t$

$|C|$  the number of documents in the collection  $C$

Requires that for each collection  $C$  we have an entry in a centralized index  
centralized index is small, easy to maintain



## Επιλογή Πηγής: **gGLOSS** και **hGLOSS**

- **gGLOSS**
  - Extends the GLOSS approach to the vector space model
    - Each collection is represented by its centroid vector
    - Standard inner product similarity measure of query to each collection
    - Rank collections accordingly
- **hGLOSS** (hierarchical GLOSS)
  - Extends the gGLOSS approach to sets of gGLOSS indexes
  - Each gGLOSS index is represented by its centroid vector



## Επιλογή Πηγής: Σύνοψη

Προσεγγίσεις για μικρό αριθμό συλλογών

- Επιλογή Όλων
- Χειρονακτική Ομαδοποίηση (και χειρονακτική επιλογή)
- Επιλογή βάσει Κανόνων (Rule-based selection)
- Κατανομή Συναφών Εγγράφων (Relevant document distribution (RDD))
- Βολιδοσκόπηση Επερώτησης (Query Probing)
- Διανύσματα Πηγών

Προσεγγίσεις για μεγάλο αριθμό συλλογών

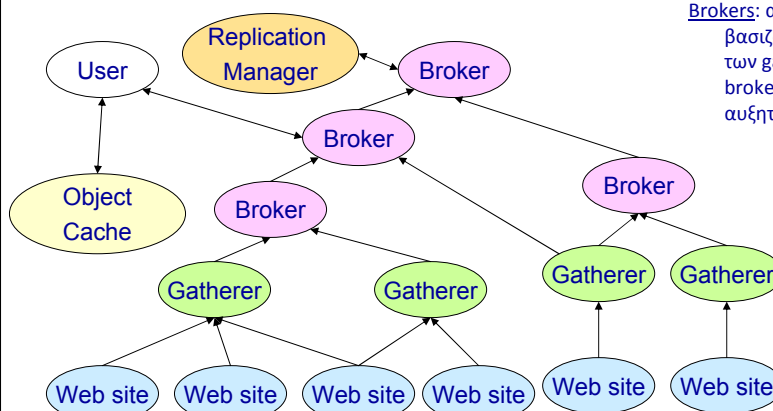
- Διανύσματα Πηγών
- GIOSS



## HARVEST

A distributed architecture to gather and distribute data

- used by CIA, NASA, US National Academy of Sciences



Gatherers: ευρετηριάζουν  $\geq 1$  Web Server περιοδικά

Brokers: απαντούν επερωτήσεις βασιζόμενοι στα ευρετήρια των gatherers ή άλλων brokers (και ενημερώνουν αυξητικά τα ευρετήρια τους)

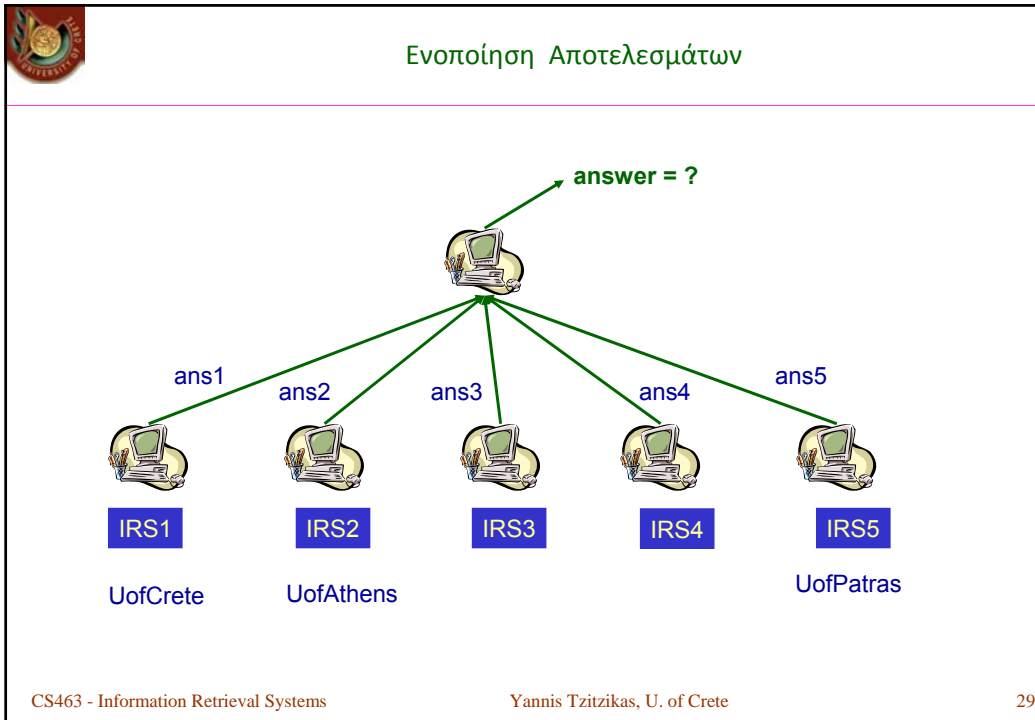


## Ενοποίηση Αποτελεσμάτων (... Results Merging, Fusion, Rank Aggregation, ...)



## Ενοποίηση Αποτελεσμάτων Διάρθρωση

- Κατηγορίες Τεχνικών Ενοποίησης: Απομονωμένες και Ολοκληρωμένες
- Τεχνικές Ενοποίησης
  - Round Robin interleaving
  - Score-based
  - Weighted Score-based
  - Global-statistics
- Μετα-Μηχανές Αναζήτησης
- Ενοποίηση Διατάξεων (Rank-Aggregation)
  - Επιθυμητές Ιδιότητες
  - Ενοποίηση κατά Borda
  - Ενοποίηση κατά Condorcet
  - Το Θεώρημα του Ανέφικτου του K. Arrow (Arrow's Impossibility theorem)
  - Ενοποίηση κατά Kemeny
  - Αποδοτικοί αλγόριθμοι υπολογισμού των κορυφαίων κ στοιχείων της ενοποιημένης διάταξης (Top-K Rank Aggregation)



- 
- Περιπτώσεις**
- Ενοποίηση **Συνόλων** (π.χ. απαντήσεων σε Exact Match Queries)
    - $answer(q) = ans1(q) \cup \dots \cup ans_k(q)$
    - Άρα η ενοποίηση αποτελεσμάτων για το Boolean model είναι εύκολη
  - Ενοποίηση **Διατάξεων** (απαντήσεων Partial Match Queries)
    - Η ενοποίηση αποτελεσμάτων είναι πιο δύσκολη
      - οι διατάξεις/σκορ **δεν είναι πάντα συγκρίσιμες**, αφού εξαρτώνται από τα στατιστικά της συλλογής του κάθε συστήματος (e.g. idf)
      - υπάρχουν πολλοί διαφορετικοί τρόποι συνάθροισης διατάξεων
    - Συχνά μας αρκεί η εύρεση των κορυφαίων στοιχείων της ενοποιημένης διάταξης
- CS463 - Information Retrieval Systems      Yannis Tzitzikas, U. of Crete      30



## Κατηγορίες Στρατηγικών Ενοποίησης Διατάξεων

### (A) Ολοκληρωμένες Τεχνικές (**Integrated**)

- Οι πηγές παρέχουν **επιπρόσθετη πληροφορία** που χρησιμοποιείται κατά την ενοποίηση
- Αδυναμίες:
  - Στενό πεδίο εφαρμογής - απαιτούν συμφωνία μεταξύ των πηγών (e.g. protocol)
  - Συχνά λαμβάνουν υπόψη τους μέτρα όπως Precision/Recall, τα οποία δεν είναι πάντα «αντικειμενικά» ή συγκρίσιμα.

### (B) Απομονωμένες Μέθοδοι (**Isolated**)

- Δεν απαιτούν **καμία επιπλέον πληροφορία** από τις πηγές (μπορούν να εφαρμοστούν και στις μετα-μηχανές αναζήτησης)
- Είναι ανεξάρτητες των τεχνικών ευρετηρίασης και των μοντέλων ανάκτησης των υποκείμενων συστημάτων
- Άρα κατάλληλες για δυναμικά περιβάλλοντα όπου υπάρχουν πολλά συστήματα των οποίων η λειτουργία εξελίσσεται συχνά και απρόβλεπτα
- Σχετικές τεχνικές: round robin interleaving, score-based, Borda, Condorcet, download and re-index the contents of the objects (web pages)



## Ενοποίηση Διατάξεων: **Round Robin interleaving** (isolated)

(δηλαδή merge sort)

### Παράδειγμα:

- $ans1(q) = \langle d10, d2, d30, d7 \rangle$
- $ans2(q) = \langle d4, d12, d5, d9 \rangle$
  
- $ANS(q) = \langle \{d10, d4\}, \{d2, d12\}, \{d30, d5\}, \{d7, d9\} \rangle$

### Προβλήματα

- στην πραγματικότητα όλα τα έγγραφα του  $ans1(q)$  μπορεί να είναι καλύτερα (πιο συναφή) από το 1ο στοιχείο της  $ans2(q)$





## Ενοποίηση Διατάξεων: **Score-based** (isolated)

### Παράδειγμα:

- $\text{ans1}(q) = \langle (d3,0.8), (d2,0.7) \rangle$
- $\text{ans2}(q) = \langle (d5,0.6), (d6,0.3) \rangle$
- $\text{ans3}(q) = \langle (d4,0.9) \rangle$
  
- $\text{ANS}(q) = \langle d4, d3, d2, d5, d6 \rangle$

### Προβλήματα

- τα σκορ διαφορετικών συστημάτων *δεν είναι συγκρίσιμα* (κανονικοποιημένα), αφού εξαρτώνται από τα στατιστικά της συλλογής του κάθε συστήματος (e.g. idf).



## Ενοποίηση Διατάξεων: **Weighted Score-based**

- Λαμβάνουμε υπόψη το σκορ της πηγής που υπολογίσαμε όταν κάναμε *Επιλογή Πηγής* (*source selection*)

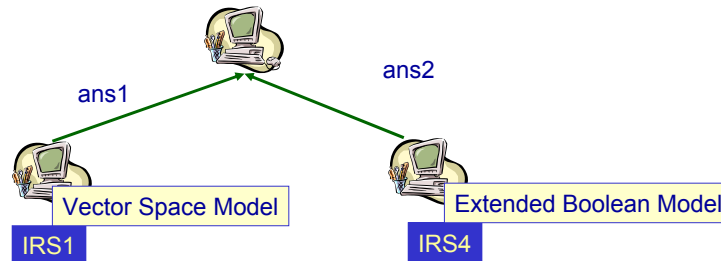
Πχ

- $\text{Score}(\text{IRS1}) = 0.9$  // υπολογίστηκε στη φάση επιλογής πηγής
- $\text{Score}(\text{IRS2}) = 0.5$  // υπολογίστηκε στη φάση επιλογής πηγής
- $\text{ans1}(q) = \langle (d1, 0.7) \rangle$
- $\text{ans2}(q) = \langle (d2, 0.9) \rangle$
- $\text{ANS}(q) = \langle (d1, 0.63), (d2, 0.45) \rangle$  //  $0.63 = 0.9 * 0.7$

- Εδώ πολλαπλασιάσαμε το σκορ της πηγής με το σκορ των εγγράφων.
- Υπάρχουν και άλλες παραλλαγές (π.χ. [Callan94,95])



## Ενοποίηση Διατάξεων: **Download and re-index/re-score** (isolated)



- Εδώ ανακτούμε τα έγγραφα των απαντήσεων κάθε πηγής, τα επαναερευρησιάζουμε και επαναυπολογίζουμε το βαθμό συνάφειας τους
- Μειονέκτημα
  - Χρονοβόρα διαδικασία



## Ενοποίηση Διατάξεων: **Global term statistics** (integrated)

- Μπορούμε να κάνουμε συγκρίσιμα τα σκορ διαφορετικών συστημάτων αν επιβάλουμε τα ίδια στατιστικά στοιχεία σε όλα τα συστήματα (global statistics)
- Τα στατιστικά αυτά στοιχεία μπορούν να αποκτηθούν στη φάση της επιλογής πηγής (πχ Διανύσματα Πηγής, Probe Queries, ...)
- Αποτίμηση Επερωτήσεων σε 2 φάσεις
  - στην 1η συλλέγονται τα στατιστικά (ο server στέλνει την επερώτηση και οι πηγές απαντούν με τα στατιστικά των όρων που περιέχονται στην επερώτηση)
  - στην 2η ο server στέλνει σε κάθε πηγή την επερώτηση μαζί με τα καθολικά στατιστικά των όρων της
  - κάθε πηγή αποτιμά την επερώτηση με τα καθολικά στατιστικά και επιστρέφει την απάντηση
  - Ο server λαμβάνει έτοιμα σκορ και απλά τα ενοποιεί (merge sort)

**Ενοποίηση Διατάξεων: Global term statistics**  
Παράδειγμα

q="Hotels Crete"

N1	= 1000	N2	= 1000
N1Hotels	= 300	N2Hotels	= 100
N1Crete	= 100	N2Crete	= 5

idf(Hotels) =  $\log(2000/400)$   
idf(Crete) =  $\log(2000/105)$

ans = score-based merging of ans1 ans2

CS463 - Information Retrieval Systems Yannis Tzitzikas, U. of Crete 37

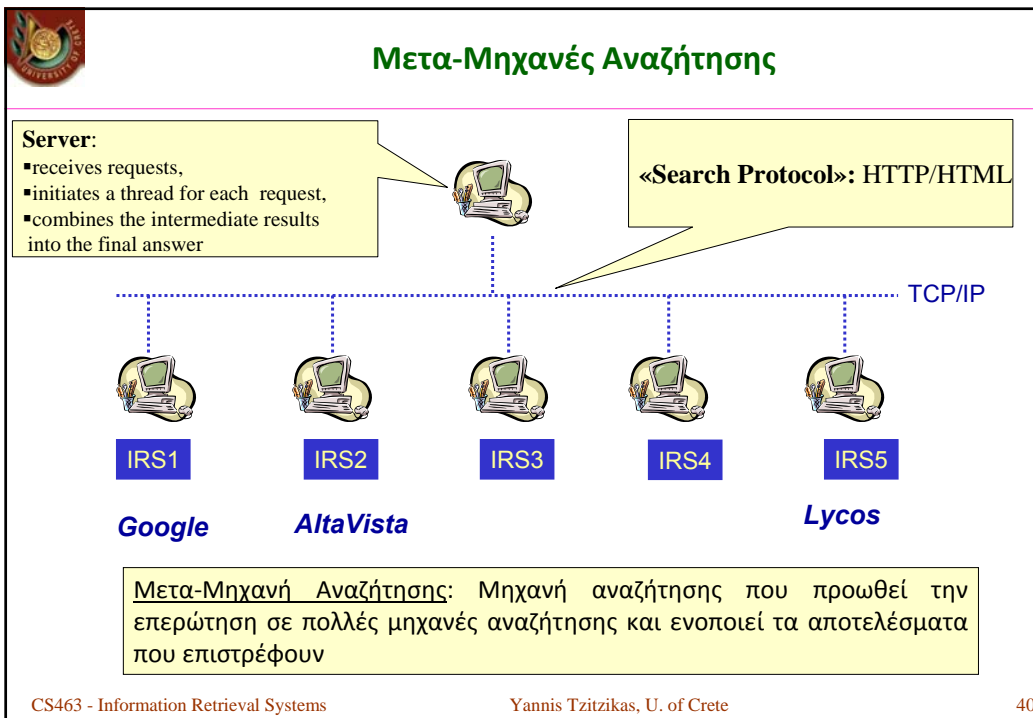
**Ενοποίηση Αποτελεσμάτων**  
**Διάρθρωση**

- Κατηγορίες Τεχνικών Ενοποίησης: Απομονωμένες και Ολοκληρωμένες
- Τεχνικές Ενοποίησης
  - Round Robin interleaving
  - Score-based
  - Weighted Score-based
  - Global-statistics
- **Μετα-Μηχανές Αναζήτησης**
- **Ενοποίηση Διατάξεων (Rank-Aggregation)**
  - Επιθυμητές Ιδιότητες
  - Ενοποίηση κατά Borda
  - Ενοποίηση κατά Condorcet
  - Το Θεώρημα του Ανέφικτου του K. Arrow (Arrow's Impossibility theorem)
  - Ενοποίηση κατά Kemeny
  - Αποδοτικοί αλγόριθμοι υπολογισμού των κορυφαίων κ στοιχείων της ενοποιημένης διάταξης (Top-K Rank Aggregation)

CS463 - Information Retrieval Systems Yannis Tzitzikas, U. of Crete 38



## Μέτα-μηχανές Αναζήτησης





## Γιατί φτιάχνουμε μετα-μηχανές αναζήτησης;

- **Καλύτερη κάλυψη:**
  - Το σύνολο των σελίδων που είναι γνωστές (ευρετηριασμένες) σε κάθε μηχανή είναι διαφορετικό
- **Διάταξη Πλειοψηφούσας Γνώμης (consensus ranking)**
  - Η διαθεσιμότητα πολλών μηχανών μας δίνει την δυνατότητα να ορίσουμε ένα αθροιστικό (πλειοψηφικό) μέτρο συνάφειας
    - Ενοποίηση αποτελεσμάτων = Πρόβλημα απόφασης ομάδας (group decision problem)
- **Μείωση spam:**
  - Δύσκολα μια spam σελίδα μπορεί να ξεγελάσει όλες τις μηχανές



## Μετα-Μηχανές Αναζήτησης

- **Ενδεικτικές μηχανές:**
  - Dogpile (<http://www.dogpile.com/>)
    - over Google, Yahoo!, msn, Ask Jeaves
  - SurfWax (<http://www.surfwax.com/>)
  - <http://www.jux2.com/>
  - Metacrawler, SavvySearch,
- **Βήματα Λειτουργίας**
  - Submit queries to host sites.
  - **Parse resulting HTML pages** to extract search results.
  - **Integrate multiple rankings into a “consensus” ranking.**
  - Present integrated results to user.
- **Διαφορές με την Κατανεμημένη Ανάκτηση Πληροφοριών**
  - οι υποκείμενες μηχανές δεν παρέχουν term-statistics, άρα μπορούμε να χρησιμοποιήσουμε μόνο απομονωμένες (isolated) τεχνικές ενοποίησης αποτελεσμάτων
  - οι υποκείμενες μηχανές δεν υποστηρίζουν την ίδια ερωτηματική γλώσσα



## Ενοποίηση Διατάξεων



### Ενοποίηση Διατάξεων: **Rank Aggregation (or Meta-Ranking)** (isolated)

Διατύπωση του Προβλήματος

- $D$ : ένα σύνολο αντικειμένων (π.χ. εγγράφων)
- $S_1, \dots, S_k$ : ένα σύνολο διατάξεων του  $D$

Σκοπός: Ενοποίηση των διατάξεων  $S_1, \dots, S_k$  σε μία

The metaphor: **elections**

- |                        |   |                         |
|------------------------|---|-------------------------|
| – Objects              | → | Candidates              |
| – Sources              | → | Electors                |
| – Ordering by a system | → | Elector's voting ticket |
| – Fused ordering       | → | Election list           |



## Διάρθρωση

- Ενοποίηση
  - κατά Borda
  - κατά Condorcet
  - κατά Kemeny
- Επιθυμητές Ιδιότητες Τεχνικών Ενοποίησης Διατάξεων
- Το Θεώρημα του Ανέφικτου του Arrow
- Αποδοτικοί αλγόριθμοι υπολογισμού των κορυφαίων κ στοιχείων της ενοποιημένης διάταξης (Top-K Rank Aggregation)



## Plurality Ranking (Απλή Πλειοψηφία)

Ο υποψήφιος με τις περισσότερες πρώτες θέσεις είναι ο νικητής.

Έστω 6 πηγές ( $S_1, \dots, S_6$ ) και 4 σελίδες a,b,c,d.

Κάθε σύστημα επιστρέφει μια γραμμική διάταξη των σελίδων:

S1: <a,c,d,b>

S2: <a,b,c,d>

S3: <b,c,a,b>

S4: <b,a,d,c>

S5: <a,d,c,b>

S6: <c,a,b,d>

Μετράμε *πόσες πρώτες θέσεις* κατέλαβε κάθε σελίδα

a: 3

b: 2

c: 1

d: 0

Άρα η τελική κατάταξη είναι η <a,b,c,d>



## Plurality Ranking (Απλή Πλειοψηφία) Κάποια προβλήματα

3 συστήματα <a,c,d,b>  
6 συστήματα <a,d,c,b>  
3 συστήματα <b,c,d,a>  
5 συστήματα <b,d, c, a>  
2 συστήματα <c,b,d,a>  
5 συστήματα <c,d,b,a>  
2 συστήματα <d,b,c,a>  
4 συστήματα <d,c,b,a>

a:9  
b:8  
c:7  
d:6  
Τελική διάταξη: <a,b,c,d>

Απόσυρση του d  
(που ήταν τελευταίο  
στην ενοποιημένη διάταξη)



3 συστήματα <a,c,b>  
6 συστήματα <a,c,b>  
3 συστήματα <b,c,a>  
5 συστήματα <b,c, a>  
2 συστήματα <c,b,a>  
5 συστήματα <c,b,a>  
2 συστήματα <b,c,a>  
4 συστήματα <c,b,a>

a:9  
b:10  
c:11  
Τελική διάταξη: <c,b,a>  
Αντίστροφη της αρχικής!



## Plurality Ranking (Απλή Πλειοψηφία) Κάποια προβλήματα

3 συστήματα <a,c,d,b>  
6 συστήματα <a,d,c,b>  
3 συστήματα <b,c,d,a>  
5 συστήματα <b,d, c, a>  
2 συστήματα <c,b,d,a>  
5 συστήματα <c,d,b,a>  
2 συστήματα <d,b,c,a>  
4 συστήματα <d,c,b,a>

a:9  
b:8  
c:7  
d:6  
Τελική διάταξη: <a,b,c,d>

Απόσυρση του d  
Τελική διάταξη: <c,b,a>

Απόσυρση του a  
Τελική διάταξη: <d,c,b>

Απόσυρση του b  
Τελική διάταξη: <d,c,a>

Απόσυρση του c  
Τελική διάταξη: <d,b,a>





## Ενοποίηση Διατάξεων κατά Borda [Jean-Charles Borda 1770]

Reinvented (for the context of  
Meta-Searching) in [Tzitzikas 2001]

The votes of an object  $o$

$$V(o) = \sum_{i=1..k} r_i(o)$$

$r_i(o)$  : the position of the object  $o$  in the ordering of system  $S_i$

The fused ordering  $M$  is derived by ordering the objects in  
*ascending* order wrt to their votes

Example:

$$\begin{array}{lll} S_1 : \langle o_1, o_2, o_3 \rangle & V(o_1) = 1+1+2 = 4 & \\ S_2 : \langle o_1, o_3, o_2 \rangle & V(o_2) = 2+3+3 = 8 & M : \langle o_1, o_3, o_2 \rangle \\ S_3 : \langle o_3, o_1, o_2 \rangle & V(o_3) = 3+2+1 = 6 & \end{array}$$

If each source  $S_i$  returns an ordered *subset*  $O_i$  of *Obj*.

$$r_i(o_j) = \begin{cases} \text{position of } o_j \text{ in } O_i, & \text{if } o_j \in O_i \\ F+1 & \text{otherwise} \end{cases} \quad \text{where } F = \max\{|O_1|, \dots, |O_k|\}$$



## Ενοποίηση Διατάξεων κατά Borda [Tzitzikas, 2001] Βαθμός Συμφωνίας

The *distance* between two orderings  $i$  and  $j$ :

$$dist(i, j) = \sum_{o \in O} |r_i(o) - r_j(o)|$$

The *mean distance* of the fused ordering  $0$

$$Dem = \frac{\sum_{i=1..k} dist(0, i)}{k}$$

The *level of agreement* of the fused ordering  $0$ :

{	linear transformation	$LA = \frac{C - Dem}{C}$	C: Max possible mean distance
	inversion transformation	$LA = C^{-Dem}$	$C > 1$ , e.g. $C = 2$

- **High** level may drive the user to read only the very first documents since probably they are the more relevant
- **Low** level may drive the user to read more documents



## Ενοποίηση Διατάξεων κατά Condorcet [1785]

**Condorcet:** the winner is a candidate that defeats every other candidate in pairwise majority-rule election

S1: <a,b,c>

S2: <b,a,c>

S2: <c,a,b>

a:b 2:1// το a νικά το b δύο φορές (και χάνει μία)

a:c 2:1// το a νικά το c δύο φορές (και χάνει μία)

Άρα η τελική κατάταξη κατά Condorcet είναι: **<a,b,c>**



## Ενοποίηση Διατάξεων κατά Condorcet [1785]

S1: <a,b,c>

S2: <b,c,a>

S3: <c,a,b>

a:b 2:1 // άρα το b δεν μπορεί να είναι ο νικητής

a:c 1:2 // άρα το a δεν μπορεί να είναι ο νικητής

c:b 1:2 // άρα το c δεν μπορεί να είναι ο νικητής

**Δεν υπάρχει πάντα Condorcet νικητής!**



## Borda vs Condorcet

S1: <a,b,c>

S2: <b,a,c>

S2: <c,a,b>

- Condorcet
  - a:b 2:1
  - a:c 2:1
  - Condorcet ordering: <a,b,c>
- Borda
  - a:  $1+2+2 = 5$
  - b:  $2+1+3 = 6$
  - c:  $3 + 3 + 1 = 7$
  - Borda ordering: <a,b,c>



## Borda $\neq$ Condorcet

### Borda (1770)

- Member of French Academy of Sciences
- Noted for work in hydraulics, optics, navigation instrument
- Purpose: Reforming the election procedure of French Academy.
- Criticize plurality method

### Condorcet (1785)

- Viewed Borda as an enemy
- Finding best ordering by hypothesis testing
- Switch to propose Condorcet winner



## Borda $\neq$ Condorcet

S1: <a,b,c,d,e>

S2: <b,c,e,d,a>

S3: <e,a,b,c,d>

S4: <a,b,d,e,c>

S5: <b,a,d,e,c>

- Borda

- a:  $1 + 5 + 2 + 1 + 2 = 11$
- b:  $2 + 1 + 3 + 2 + 1 = 9$
- c:  $3 + 2 + 4 + 5 + 5 = 19$
- d:  $4 + 4 + 5 + 3 + 3 = 19$
- e:  $5 + 3 + 1 + 4 + 4 = 17$
- **Borda winner : b**

- Condorcet

- a:b 3:2
- a:c 4:1
- a:d 4:1
- a:e :3:2
- **Condorcet winner a**



## Prurality $\neq$ Borda $\neq$ Condorcet

	49 votes	48 votes	3 votes
1st	x	y	z
2nd	y	z	y
3rd	z	x	x

- Prurality winner: x
- Borda winner: y
- Condorcet:  $z > x$



## Condorcet and Order

- Θεωρείστε την περίπτωση τριών υποψηφίων (a,b,c) και 13 εκλεκτόρων

	a	b	c
a	-	8	6
b	5	-	11
c	7	2	-

Έχουμε συνοψίσει τις διατάξεις που έδωσαν οι εκλέκτορες κατασκευάζοντας έναν πίνακα C, όπου το  $C[i,j]$  εκφράζει πόσες φορές το i νικά το j

Μπορούμε να υπολογίσουμε τη στήριξη (support) κάθε πιθανής γραμμικής διάταξης αθροίζοντας τη στήριξη της κάθε συσχέτισής της.

- $\langle a,b,c \rangle$  has support 25
  - $a > b: 8$ ,  $a > c: 6$ ,  $b > c: 11$
- $\langle b,c,a \rangle$  has support 23
  - $a < b: 5$ ,  $c > a: 7$ ,  $b > c: 11$



## Ενοποίηση Διατάξεων κατά **Kemeny** (1959) (Kemeny developed BASIC language)

- **Απόσταση (distance)** μεταξύ δυο διατάξεων = πλήθος των διαφωνιών στη διάταξη ζευγαριών
- Παράδειγμα 1
  - $r1 = \langle a,b,c \rangle$
  - $r2 = \langle b, a, c \rangle$
  - $K(r1, r2) = 1$ 
    - $(a >_{r1} b, a <_{r2} b)$
- Παράδειγμα 2
  - $r1 = \langle a, b, c, d \rangle$
  - $r2 = \langle b, d, a, c \rangle$
  - $K(r1, r2) = 3$ 
    - $(a >_{r1} b, a <_{r2} b) (a >_{r1} d, a <_{r2} d) (c >_{r1} d, c <_{r2} d)$



## Ενοποίηση Διατάξεων κατά **Kemeny** (1959)

### Kemeny Optimal Aggregation

- Η καλύτερη ενοποιημένη διάταξη είναι εκείνη που απέχει το λιγότερο από όλες τις διατάξεις
- Έστω  $n$  διατάξεις:  $r_1, r_2, \dots, r_n$
- Ενοποιημένη διάταξη  $r = \arg \min \sum K(r, r_i)$
- Η εύρεση της ενοποιημένης διάταξης είναι ακριβή
  - (πρόβλημα NP-hard)
- Reconciles Borda and Condorcet



## Ενοποίηση Διατάξεων: **Επιθυμητές Ιδιότητες**

- Ουδετερότητα (Neutrality)
  - Καμία εναλλακτική δεν πρέπει να ευνοείται
- Pareto Optimality
  - Αν  $X > Y$  (σε όλες τις διατάξεις) τότε  $X > Y$  (στην τελική)
- Μονοτονία (Monotonicity) // Ranking higher should not hurt a candidate
  - αν ο  $X$  προηγείται του  $Y$  ( $X > Y$ ) στην τελική διάταξη, αλλαγή ενός ψηφοδελτίου  $YZX \rightarrow XYZ$ , ο  $X$  θα εξακολουθήσει να προηγείται
- Ανεξαρτησία από άσχετες εναλλακτικές (Independence from Irrelevant Alternatives)
  - $X > Y$  (στην τελική), αλλαγή ενός ψηφοδελτίου  $XYZ \rightarrow ZXY$ , το  $X > Y$  παραμένει στην τελική
- Συνέπεια (Consistency)
  - Αν οι ψηφοφόροι διαιρεθούν σε δύο ομάδες και κάθε ομάδα αναδείξει τον ίδιο νικητή, τότε ο τελικός νικητής (αν λάβουμε υπόψη τις ψήφους και των 2 ομάδων) πρέπει να είναι ο ίδιος



## Arrow's Impossibility Theorem

**Kenneth J. Arrow**, *Social Choice and Individual Values* (1951). Won Nobel Prize in 1972

No voting scheme over three or more alternatives can satisfy the following conditions

- Universality (no restriction on individual ordering. All orderings are achievable. Deterministic)
- Monotonicity
- Independence of irrelevant alternatives
- Pareto Optimality
- Non-dictatorship (No voter in the society is a dictator in the sense that, there does not exist a single voter  $i$  in the society such that for every set of orderings in the domain and every pair of distinct social states  $x$  and  $y$ , if voter  $i$  strictly prefers  $x$  over  $y$ ,  $x$  is socially selected over  $y$ .)

Συμπέρασμα: δεν υπάρχει μια απολύτως ικανοποιητική συνάρτηση ενοποίησης διατάξεων



## Διάρθρωση

- Ενοποίηση
  - κατά Borda
  - κατά Condorcet
  - κατά Kemeny
- Επιθυμητές Ιδιότητες Τεχνικών Ενοποίησης Διατάξεων
- Το Θεώρημα του Αnéφικτου του Arrow
- Αποδοτικοί αλγόριθμοι υπολογισμού των κορυφαίων  $k$  στοιχείων της ενοποιημένης διάταξης (Top-K Rank Aggregation)



## Top-k Rank Aggregation

- Έχουμε **N** αντικείμενα και τους **βαθμούς** τους βάσει **m** διαφορετικών **κριτηρίων**.
- Έχουμε έναν τρόπο να συνδυάζουμε τα m σκορ κάθε αντικειμένου σε ένα ενοποιημένο σκορ
  - π.χ. min, avg, sum
- Στόχος: Βρες τα **κ** αντικείμενα με το υψηλότερο ενοποιημένο σκορ.

### Εφαρμογές:

#### Υπολογισμός των κορυφαίων-κ στοιχείων της απάντησης

- ενός ΣΑΠ που βασίζεται στο διανυσματικό μοντέλο (τα m κριτήρια είναι οι m όροι της επερώτησης)
- ενός μεσίτη (π.χ. μετα-μηχανής αναζήτησης) πάνω από m Συστήματα Ανάκτησης Πληροφοριών
- μιας επερώτησης σε μια Βάση Πολυμέσων
  - κριτήρια (και συνάμα χαρακτηριστικά/features): χρώμα, μορφή, υφή, ...



## Άλλο ένα παράδειγμα εφαρμογής

### Ενοποίηση απαντήσεων σε Μεσολαβητές (middleware) πάνω από πηγές που αποθηκεύουν δομημένες πληροφορίες

- έστω μια υπηρεσία εύρεσης εστιατορίων βάσει τριών κριτηρίων:
  - απόσταση από ένα σημείο
  - κατάταξη εστιατορίου
  - τιμή γεύματος, και άλλα
- όπου ο χρήστης μπορεί να ορίσει τον επιθυμητό τρόπο υπολογισμού του ενοποιημένου σκορ ενός εστιατορίου
  - π.χ.  $\text{Score}(\text{εστ}\chi) = \text{Stars}(\text{εστ}\chi) * 0.25 + 0.75 * \text{DistanceFromHome}(\text{εστ}\chi)$
- η υπηρεσία αυτή υλοποιείται με χρήση τριών απομακρυσμένων υπηρεσιών
  - (α) `getRestaurantsByStars`
    - επιστρέφει όλα τα εστιατόρια σε φθίνουσα σειρά ως προς τα αστέρια που έχουν (κάθε εστιατόριο συνοδεύεται με ένα σκορ)
  - (β) `getRestaurantsByDistance(x,y)`
    - επιστρέφει όλα τα εστιατόρια σε φθίνουσα σειρά ως προς την απόστασή τους από ένα συγκεκριμένο σημείο με συντεταγμένες (x,y) // κάθε εστιατόριο συνοδεύεται από την απόστασή του από το (x,y)

**Πως μπορώ να ελαχιστοποιήσω το πλήθος των στοιχείων που πρέπει να διαβάσω από την απάντηση της κάθε υπηρεσίας, προκειμένου να βρω τα κορυφαία 5 εστιατόρια (βάσει σκορ όπως υπολογίζεται από της συνάρτηση βαθμολόγησης που έδωσε ο χρήστης);**





## Εύρεση των κ-κορυφαίων Απλοϊκός Αλγόριθμος

- 1/ Ανέκτησε ολόκληρες τις  $m$  λίστες
- 2/ Υπολόγισε το ενοποιημένο σκορ του κάθε αντικειμένου
- 3/ Ταξινόμησε τα αντικείμενα βάσει του σκορ και επέλεξε τα πρώτα  $k$

### Παρατηρήσεις

- Κόστος γραμμικό ως προς το μήκος των λιστών
- Δεν αξιοποιεί το γεγονός ότι οι λίστες είναι ταξινομημένες



## Εύρεση των κ-κορυφαίων Παράδειγμα: Απλοϊκός Τρόπος

Έστω ότι θέλουμε να συναθροίσουμε τις διατάξεις που επιστρέφουν 3 πηγές  $S_1, S_2, S_3$  και ο τρόπος συνάθροισης είναι το άθροισμα.

$S_1 = \langle \mathbf{A} 0.9, \mathbf{C} 0.8, \mathbf{E} 0.7, \mathbf{B} 0.5, \mathbf{F} 0.5, \mathbf{G} 0.5, \mathbf{H} 0.5 \rangle$

$S_2 = \langle \mathbf{B} 1.0, \mathbf{E} 0.8, \mathbf{F} 0.7, \mathbf{A} 0.7, \mathbf{C} 0.5, \mathbf{H} 0.5, \mathbf{G} 0.5 \rangle$

$S_3 = \langle \mathbf{A} 0.8, \mathbf{C} 0.8, \mathbf{E} 0.7, \mathbf{B} 0.5, \mathbf{F} 0.5, \mathbf{G} 0.5, \mathbf{H} 0.5 \rangle$

### Ο Απλοϊκός Τρόπος

$$\text{Score}(\mathbf{A}) = 0.9 + 0.7 + 0.8 = 2.4$$

$$\text{Score}(\mathbf{B}) = 0.5 + 1.0 + 0.5 = 2$$

$$\text{Score}(\mathbf{C}) = 0.8 + 0.5 + 0.8 = 2.1$$

$$\text{Score}(\mathbf{E}) = 0.7 + 0.8 + 0.7 = 2.2$$

$$\text{Score}(\mathbf{F}) = 0.5 + 0.7 + 0.5 = 1.7$$

$$\text{Score}(\mathbf{G}) = 0.5 + 0.5 + 0.5 = 1.5$$

$$\text{Score}(\mathbf{H}) = 0.5 + 0.5 + 0.5 = 1.5$$

Τελική διάταξη:  $\langle \mathbf{A}, \mathbf{E}, \mathbf{C}, \mathbf{B}, \mathbf{F}, \mathbf{G}, \mathbf{H} \rangle$



## Εύρεση των κ-κορυφαίων Πιο Αποδοτικοί Αλγόριθμοι

- Γενική ιδέα: *Άρχισε να διαβάζεις τις διατάξεις από την κορυφή. Προσπάθησε να καταλάβεις πότε πρέπει να σταματήσεις.*
- Αλγόριθμοι
  - **Fagin Algorithm (FA)** [Fagin 1999, J. CSS 58]
  - **Threshold Algorithm (TA)** [Fagin et al., PODS'2001]



## Εύρεση των κ-κορυφαίων Πιο Αποδοτικοί Αλγόριθμοι

### Υποθέσεις

1. Υποθέτουμε ότι έχουμε στη διάθεση μας 2 τρόπους πρόσβασης στα αποτελέσματα μιας πηγής:
  - Σειριακή πρόσβαση** στις διατάξεις: φθίνουσα ως προς το σκορ
  - Τυχαία προσπέλαση**: Δυνατότητα εύρεσης του σκορ ενός συγκεκριμένου αντικειμένου με μία πρόσβαση
2. Συναρτήσεις βαθμολόγησης (σκορ)
  - Τα σκορ ανήκουν στο διάστημα  $[0,1]$
  - Η συνάρτηση ενοποιημένου σκορ είναι **μονότονη**
    - αν όλα ( $m$ ) τα σκορ ενός αντικειμένου  $A$  είναι μεγαλύτερα ή ίσα των αντίστοιχων σκορ ενός αντικειμένου  $B$ , τότε σίγουρα το ενοποιημένο σκορ του  $A$  είναι μεγαλύτερο ή ίσο του σκορ του  $B$



## Εύρεση των κ-κορυφαίων Ο Αλγόριθμος του Fagin (FA) [1999]

- 1.α/ Κάνε σειριακή ανάκτηση αντικειμένων από κάθε λίστα (αρχίζοντας από την κορυφή), έως ότου η τομή των αντικειμένων από κάθε λίστα να έχει κ αντικείμενα
- 1.β/ Για κάθε αντικείμενο που ανακτήθηκε (στο 1.α) συνέλεξε τα σκορ που λείπουν (με χρήση του μηχανισμού τυχαίας προσπέλασης)
- 2/ Υπολόγισε το ενοποιημένο σκορ του κάθε αντικειμένου
- 3/ Ταξινόμησε τα αντικείμενα βάσει του ενοποιημένου σκορ και επέλεξε τα πρώτα κ

### Σχόλια

Αξιοποιεί (α) το γεγονός ότι οι λίστες είναι ταξινομημένες και (β) ότι η συνάρτηση ενοποίησης είναι μονότονη

[-] Το πλήθος των αντικειμένων που θα ανακτηθούν μπορεί να είναι μεγάλο

Για οποιοδήποτε μη επιλεγμένο αντικείμενο υπάρχουν (τουλάχιστον) κ που είναι καλύτερα από αυτό



## Εύρεση των κ-κορυφαίων Παράδειγμα: Αλγόριθμος του Fagin (FA)

$S1 = \langle A\ 0.9, C\ 0.8, E\ 0.7, B\ 0.5, F\ 0.5, G\ 0.5, H\ 0.5 \rangle$   
 $S2 = \langle B\ 1.0, E\ 0.8, F\ 0.7, A\ 0.7, C\ 0.5, H\ 0.5, G\ 0.5 \rangle$   
 $S3 = \langle A\ 0.8, C\ 0.8, E\ 0.7, B\ 0.5, F\ 0.5, G\ 0.5, H\ 0.5 \rangle$

*Έστω ότι θέλω το Top-1*

Το E εμφανίζεται σε όλες

(μονοτονία => δεν μπορεί κάποιο δεξιότερο του E να είναι καλύτερο του E

Το E δεν είναι σίγουρα ο νικητής.

Υποψήφιοι νικητές = {A, B, C, E, F}. Κάνουμε τυχαίες προσπελάσεις για να βρούμε τα σκορ που μας λείπουν

getScore(S2,A), getScore(S1,B), getScore(S3,B), getScore(S2,C), ...

Πράγματι, top-1= {A}



## Εύρεση των κ-κορυφαίων Παράδειγμα: Αλγόριθμος του Fagin (FA)

S1 = < A 0.9, C 0.8, E 0.7, B 0.5, F 0.5, G 0.5, H 0.5 >  
S2 = < B 1.0, E 0.8, F 0.7, A 0.7, C 0.5, H 0.5, G 0.5 >  
S3 = < A 0.8, C 0.8, E 0.7, B 0.5, F 0.5, G 0.5, H 0.5 >

Έστω ότι θέλω το Top-2

Το E, B (και το A) εμφανίζονται σε όλες  
(μονοτονία => δεν μπορεί κάποιο δεξιότερο του B να είναι καλύτερο του B)



## Εύρεση των κ-κορυφαίων Ο Αλγόριθμος TA (Threshold Algorithm) [Fagin et al. 2001]

Ιδέα:

Υπολόγισε το μέγιστο σκορ που μπορεί να έχει ένα αντικείμενο που δεν έχουμε συναντήσει ακόμα.

- 1/ Κάνε σειριακή ανάκτηση αντικειμένων από κάθε λίστα (αρχίζοντας από την κορυφή) και με χρήση τυχαίας προσπέλασης βρες όλα τα σκορ κάθε αντικειμένου
- 2/ Ταξιλόγησε τα αντικείμενα (βάσει του ενοποιημένου σκορ) και κράτησε τα καλύτερα κ
- 3/ Σταμάτησε την σειριακή ανάκτηση όταν τα σκορ των παραπάνω κ αντικειμένων δεν μπορεί να είναι μικρότερα του μέγιστου πιθανού σκορ των απαραίτητων αντικειμένων (threshold).



## Εύρεση των κ-κορυφαίων Παράδειγμα: Αλγόριθμος TA:

$S_1 = \langle \mathbf{A} 0.9, \mathbf{C} 0.8, \mathbf{E} 0.7, \mathbf{B} 0.5, \mathbf{F} 0.5, \mathbf{G} 0.5, \mathbf{H} 0.5 \rangle$   
 $S_2 = \langle \mathbf{B} 1.0, \mathbf{E} 0.8, \mathbf{F} 0.7, \mathbf{A} 0.7, \mathbf{C} 0.5, \mathbf{H} 0.5, \mathbf{G} 0.5 \rangle$   
 $S_3 = \langle \mathbf{A} 0.8, \mathbf{C} 0.8, \mathbf{E} 0.7, \mathbf{B} 0.5, \mathbf{F} 0.5, \mathbf{G} 0.5, \mathbf{H} 0.5 \rangle$

*Έστω ότι θέλω το Top-1*

Score(A) = 0.9 + 0.7 + 0.8 = 2.4  
 Score(B) = 0.5 + 1.0 + 0.5 = 2  
 UpperBound = 0.9 + 1.0 + 0.8 = 2.7

αφού 2.7 > 2.4 συνεχίζω

Score(C) = 0.8 + 0.5 + 0.8 = 2.1  
 Score(E) = 0.7 + 0.8 + 0.7 = 2.2  
 UpperBound = 0.8 + 0.8 + 0.8 = 2.4

αφού 2.4 δεν είναι μεγαλύτερο του 2.4 (σکور του A) σταματάω.



## Σύγκριση: Fagin vs. TA

- Ο FA ποτέ δεν τερματίζει νωρίτερα του TA
- Ο TA χρειάζεται μόνο έναν μικρό (k) ενταμιευτή (buffer)
- Ο TA μπορεί όμως να κάνει περισσότερες τυχαίες προσπελάσεις

Ο TA είναι βέλτιστος για όλες τις μονότονες συναρτήσεις σκορ

- Συγκεκριμένα, είναι "instant optimal": είναι καλύτερος πάντα (όχι μόνο στην χειρότερη περίπτωση ή στην μέση περίπτωση)

### • Επεκτάσεις

- Αλγόριθμος NRA (Non Random Access)
  - Έκδοση του TA για την περίπτωση που η τυχαία πρόσβαση είναι αδύνατη. Επίσης "instant optimal".
    - Do sequential access until there are k objects whose lower bound no less than the upper bound of all other objects
  - Αλγόριθμος CA (Combined Algorithm)
    - Έκδοση του TA που θεωρεί τις τυχαίες προσπελάσεις ακριβότερες των σειριακών.