

21/3/2025

# Προγραμματισμός συστημάτων κοινόχρηστης μνήμης (I)

Νήματα POSIX



Λ8

Συστήματα  
& Λογισμικό  
Υψηλών  
Επιδόσεων

## «Οντότητες» εκτέλεσης κώδικα

- Σειριακό πρόγραμμα για υπολογισμό του  $\pi = 3.141592\dots$

```
#define N 512
float pi = 0.0, W = 1.0/N;

int main() {
    int i;
    for (i = 0; i < N; i++)
        pi += 4*W / (1 + (i+0.5)*(i+0.5)*W*W);
    printf("π = %f\n", pi);
    return 0;
}
```

- Όταν φορτωθεί και εκτελείται το πρόγραμμα γίνεται **διεργασία (process)**.
- Κάθε διεργασία εκτελείται σε έναν επεξεργαστή
  - Το λειτουργικό σύστημα φροντίζει για αυτό

# Διεργασίες & νήματα

- Μία διεργασία αποτελείται (κατ' ελάχιστο) από δεδομένα, κώδικα (εντολές), μία στοίβα (stack) και έναν μετρητή προγράμματος (program counter)

- Ο μετρητής προγράμματος (PC):
  - δείχνει στην επόμενη εντολή του κώδικα που θα εκτελεστεί
- Η στοίβα χρειάζεται για:
  - αποθήκευση των τοπικών μεταβλητών (τα «δεδομένα» της διεργασίας που είπαμε παραπάνω είναι οι global μεταβλητές)

```
#define N 512
float pi = 0.0, W = 1.0/N;

int main() {
    int i;
    for (i = 0; i < N; i++)
        pi += 4*W / (1 + (i+0.5)*(i+0.5)*W*W);
    printf("π = %f\n", pi);
    return 0;
}
```

- Ο συνδυασμός PC + στοίβα λέγεται **νήμα εκτέλεσης (thread)**
  - Δηλαδή η διεργασία αποτελείται από (global) δεδομένα, από κώδικα και από ένα νήμα εκτέλεσης που περνάει από τις εντολές του κώδικα
  - Το νήμα είναι αυτό που εκτελείται όταν λέμε ότι εκτελείται η διεργασία!
  - Το νήμα αυτό λέγεται *αρχικό νήμα* της διεργασίας

# Διεργασίες & νήματα

- Μία διεργασία μπορεί να δημιουργήσει κι άλλα πολλά νήματα εκτέλεσης:
  - Δημιουργώντας τίποτε άλλο εκτός από πολλές στοίβες και PCs
  - Όλα θα τρέχουν εντολές από τον *ίδιο* κώδικα (δεν δημιουργείται άλλο αντίγραφο του) και τέλος
  - Όλα θα έχουν τα *ίδια* global δεδομένα! Δηλαδή οι καθολικές μεταβλητές της διεργασίας είναι ΑΥΤΟΜΑΤΩΣ ΚΟΙΝΕΣ μεταξύ των νημάτων της.
  - Στην κάθε στοίβα το κάθε νήμα θα έχει τις δικές του τοπικές μεταβλητές
  - Κάθε νήμα εκτελείται σε έναν επεξεργαστή
    - Το λειτουργικό σύστημα φροντίζει για αυτό (εκτός από μερικές περιπτώσεις)

# Παράλληλα προγράμματα

- Επομένως, για να εκμεταλλευτούμε πολλαπλούς επεξεργαστές, έχουμε δύο βασικές τεχνικές:
  - **Πολλαπλές διεργασίες**
    - Η διεργασία μας «γεννά» κι άλλες διεργασίες και κάθε μία εκτελείται στον δικό της επεξεργαστή (π.χ. `fork()`)
  - **Πολλαπλά νήματα σε μία διεργασία**
    - Το αρχικό νήμα εκτέλεσης «γεννά» κι άλλα νήματα και κάθε ένα εκτελείται στον δικό του επεξεργαστή
- Υπάρχουν διαφορές σε ταχύτητα δημιουργίας, απαιτήσεις σε πόρους (π.χ. μνήμη) κλπ αλλά η πιο σημαντική διαφορά είναι ότι:
  - Ανάμεσα στις πολλαπλές διεργασίες *ΔΕΝ ΥΠΑΡΧΕΙ καμία κοινή μεταβλητή*. Πρέπει να δημιουργηθούν «με το χέρι», ενώ μεταξύ των πολλαπλών νημάτων όλες οι `global` μεταβλητές είναι κοινές είτε το θέλουμε είτε όχι.

# Shared address space / shared variables

- Τι χρειάζεται κανείς για να προγραμματίσει σε αυτό το μοντέλο:
  - Οντότητες εκτέλεσης (νήματα, διεργασίες)
    - Δημιουργία, διαχείριση
  - Κοινές μεταβλητές μεταξύ των οντοτήτων
    - Ορισμός μεταβλητών (τι είναι κοινό και πως ορίζεται)
    - Τις διαβάζουν και τις τροποποιούν όλες οι διεργασίες
  - Αμοιβαίος αποκλεισμός
    - Π.χ. κλειδαριές
  - Συγχρονισμός
    - Π.χ. κλήσεις φραγής (barrier calls)

# Γιατί αμοιβαίος αποκλεισμός;

Αρχικά η κοινή μεταβλητή  $A$  είναι ίση με το 0

| Νήμα T1    | Νήμα T2    |
|------------|------------|
| $A = A+1;$ | $A = A-1;$ |

- Λεπτομέρεια εκτέλεσης της εντολής  $A = A \pm 1$  σε έναν επεξεργαστή:
  - Ο επεξεργαστής μεταφέρει από τη μνήμη την τιμή της  $A$
  - Αυξάνει/μειώνει κατά 1
  - Αποθηκεύει στη μνήμη την νέα τιμή.

| Χρονική στιγμή             | Τι κάνει ο επεξεργαστής 1 | Τι κάνει ο επεξεργαστής 2 |
|----------------------------|---------------------------|---------------------------|
| $t$                        | $\alpha$                  | -                         |
| $t+1$                      | $\beta$                   | $\alpha$                  |
| $t+2$                      | $\gamma$                  | $\beta$                   |
| $t+3$                      | -                         | $\gamma$                  |
| <b><math>A = -1</math></b> |                           |                           |

| Χρονική στιγμή            | Τι κάνει ο επεξεργαστής 1 | Τι κάνει ο επεξεργαστής 2 |
|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| $t$                       | -                         | $\alpha$                  |
| $t+1$                     | $\alpha$                  | $\beta$                   |
| $t+2$                     | $\beta$                   | $\gamma$                  |
| $t+3$                     | $\gamma$                  |                           |
| <b><math>A = 1</math></b> |                           |                           |

| Χρονική στιγμή            | Εντολή που εκτελεί ο επεξεργαστής 1 | Εντολή που εκτελεί ο επεξεργαστής 2 |
|---------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|
| $t$                       | -                                   | $\alpha$                            |
| $t+1$                     | -                                   | $\beta$                             |
| $t+2$                     | -                                   | $\gamma$                            |
| $t+3$                     | <b><math>\alpha</math></b>          |                                     |
| $t+4$                     | <b><math>\beta</math></b>           |                                     |
| $t+5$                     | <b><math>\gamma</math></b>          |                                     |
| <b><math>A = 0</math></b> |                                     |                                     |

# Δημιουργία οντοτήτων εκτέλεσης – fork() για διεργασίες

```
...  
(α) x = fork();  
(β) if (x == 0)  
(γ)     κώδικας A;  
(δ) else  
(ε)     κώδικας B;  
(η) κώδικας Γ;  
...
```

```
/* παιδί */  
  
/* γονέας */
```

```
int x = 2;  
  
int main() {  
    int y = 0;  
  
    y = 1;  
    if (fork())  
        x = x+y;  
    else  
        x = x-y;  
    printf("%d\n", x);  
    return 0;  
}  
  
Τι θα τυπωθεί;
```

```
void function() {  
    fork();  
    fork();  
    fork();  
}  
  
Πόσες θα φτιαχτούν;
```

# Δημιουργία διεργασιών

- Αντιγράφονται τα πάντα:
  - Καθολικές μεταβλητές
  - Σωρός (ότι έχει γίνει malloc())
  - Ο κώδικας της διεργασίας (ίσως να μη χρειαστεί αυτή η αντιγραφή)
  - Στοιίβα (στην κατάσταση που βρίσκεται εκείνη τη στιγμή)
  - Καταχωρητές (π.χ. program counter)
    - Άρα, η διεργασία παιδί εκτελεί αμέσως μετά το fork()
    - Άρα, τίποτε κοινό οι διεργασίες μεταξύ τους
- Ιδιαίτερα χρονοβόρο
  - Με τεχνικές όπως το copy-on-write μπορεί το ΛΣ να μην αντιγράψει τα πάντα (π.χ. τις καθολικές μεταβλητές) παρά μόνο όταν χρειαστεί (δηλαδή πότε??), γλιτώνοντας κάποιον χρόνο

# Δημιουργία οντοτήτων εκτέλεσης – νήματα (posix)

- Διαφορετική λογική στα νήματα
  - Δεν δημιουργείται αντίγραφο από τίποτε
  - Δεν ξεκινάει η εκτέλεση του νήματος από το σημείο δημιουργίας του
  - Το νήμα θα εκτελέσει μια συνάρτηση που θα του δοθεί και θα τερματίσει

```
capitalize(char *strings[100]) {  
    pthread_create(&thrid, NULL, capfunc, (void*) string[5]);  
    ...  
}  
  
void *capfunc(void *str) {  
    ...  
}
```

# Μετάφραση προγραμμάτων με νήματα

- Πάντα
  - `#include <pthread.h>`
- Μετάφραση:  
  
`gcc -pthread <file.c>`
- Παλαιότερα:  
`gcc <file.c> -D_REENTRANT -lpthread`

- Η συνάρτηση του νήματος παίρνει πάντα μόνο ένα όρισμα
- Το νήμα «ζει» μέχρι να τελειώσει (επιστρέψει) η συνάρτηση.
  - Φυσικά η συνάρτηση αυτή μπορεί να καλεί κι άλλες συναρτήσεις
  - Μόλις επιστρέψει το νήμα καταστρέφεται
- Ο γονέας (αρχικό νήμα), αφού δημιουργήσει το νήμα *συνεχίζει κανονικά την εκτέλεσή του*

```
void capitalize(char *strings[100]) {
    for (i = 0; i < 100; i++)
        pthread_create(&thrid, NULL, capfunc, (void*) string[i]);
    ...
}
```

```
int main() {
    pthread_create(&thrid, NULL, func, NULL);
    pthread_create(&thrid, NULL, func, NULL);
    pthread_create(&thrid, NULL, func, NULL);

    d*) string[i]);

    Πόσα θα φτιαχτούν;
```

## Πώς μπορώ να περάσω > 1 παραμέτρους;

```
struct manyparams { int x; int y; double z; };
void *threadfunc(void *ptr);

int main() {
    struct manyparams myargs;
    ...                               /* Pass a pointer to the structure */
    pthread_create(&thrid, NULL, threadfunc, (void*) &myargs);
    ...
}

void *threadfunc(void *ptr) {
    struct manyparams *s = ptr;      /* Cast the pointer */
    ...
    s->x += s->y;
    ...
}
```

# Τερματισμός νήματος

- Δύο τρόποι:
  - είτε επιστρέφει από τη συνάρτηση που του δόθηκε να εκτελέσει
  - είτε καλεί την **pthread\_exit(&returnvalue)** και τερματίζει αμέσως
    - σε οποιοδήποτε σημείο.
- Τιμή επιστροφής:
  - είτε αυτό που γίνεται return από τη συνάρτηση του νήματος είτε το όρισμα της `pthread_exit()`.
  - και στις δύο περιπτώσεις, είναι δείκτης στην τιμή αυτή (void \*).

# Αναμονή τερματισμού νήματος: pthread\_join()

```
void *thrfunc(void *x) {  
    int id = (int) x;  
    printf("Hi! I am thread %d\n", id);  
    return (NULL);  
}
```

```
int main() {  
    pthread_t tids[5];  
    int i;  
  
    for (i = 0; i < 5; i++)  
        pthread_create(&tids[i], NULL, thrfunc, (void*) i);  
    for (i = 0; i < 5; i++)  
        pthread_join(tids[i], NULL);  
    printf("All threads done.\n");  
    return 0;  
}
```

Το cast αυτό θέλει  
πολύ προσοχή!!

# Παράδειγμα παράλληλης εκτέλεσης

```
#include <pthread.h>
char *strings[10];           /* 10 pointers to strings (shared) */

void *capitalize(void *str) {
    ...                      /* Capitalize all letters */
}

int main() {
    int      i;
    pthread_t thrid[10];

    read_strings(strings);    /* Get the strings somehow */
    for (i = 1; i < 10; i++)  /* Create 9 threads to process them */
        pthread_create(&thrid[i], NULL, capitalize, (void *) string[i]);
    capitalize((void *) string[0]); /* Participate, too! */
    ...
    for (i = 1; i < 10; i++)  /* Wait for the 9 threads to finish */
        pthread_join(thrid[i], NULL);
    ...
}
```

# Αμοιβαίος αποκλεισμός - κλειδαριές

- Από τους διάφορους τρόπους για αμοιβαίο αποκλεισμό, ο συχνότερα χρησιμοποιούμενος είναι οι κλειδαριές (**locks**).
- Η κλειδαριά είναι είτε *ανοιχτή* είτε *κλειδωμένη*.
- Όταν ένα νήμα κλειδώσει την κλειδαριά, οποιοδήποτε άλλο νήμα προσπαθήσει να την κλειδώσει θα αποτύχει και θα αναγκαστεί να περιμένει.
  - Όταν το νήμα ολοκληρώσει τη δουλειά του, ξεκλειδώνει την κλειδαριά και ένα από τα νήματα που περιμένουν θα κατορθώσει να την κλειδώσει.
- Επομένως, μία κρίσιμη περιοχή του προγράμματος μπορεί να προστατευθεί (αμοιβαίος αποκλεισμός) με μία κλειδαριά:

```
...  
lock(kleidaria);  
<critical section>  
unlock(kleidaria);  
...
```

## Κλειδαριές στα threads: *mutexes*

```
int main() {  
    pthread_mutex_t mymutex;  
  
    pthread_mutex_init(&mymutex, NULL);  
    pthread_mutex_lock(&mymutex);  
    ...                               /* Κρίσιμη περιοχή */  
    pthread_mutex_unlock(&mymutex);  
    ...  
}
```

- Αντί για `pthread_mutex_init()`, μπορούμε να κάνουμε και **στατική** αρχικοποίηση (αρχικοποίηση χρειάζεται πάντα):  
`pthread_mutex_t mymutex = PTHREAD_MUTEX_INITIALIZER;`

## 2 νήματα συνεργάζονται για τον μέσο όρο

```
int          A[10];          /* I want to calculate the average value */
double       avg = 0.0;      /* shared variable to hold the result */
pthread_mutex_t mx = PTHREAD_MUTEX_INITIALIZER;

void *threadfunc1(void *arg) {
    int i, q1 = 0;

    for (i = 0; i < 5; i++)
        q1 += A[i];
    pthread_mutex_lock(&mx);
    avg = avg + (q1 / 10.0);    /* critical section */
    pthread_mutex_unlock(&mx);
    ...
}

void *threadfunc2(void *arg) {
    int i, q2 = 0;

    for (i = 5; i < 10; i++)
        q2 += A[i];
    pthread_mutex_lock(&mx);
    avg = avg + (q2 / 10.0);    /* critical section */
    pthread_mutex_unlock(&mx);
    printf("avg = %lf\n", avg); /* show result */
    ...
}
```

# Συγχρονισμός!

- *Race conditions*: συνθήκες συναγωνισμού, όπου το τελικό αποτέλεσμα εξαρτάται από τις σχετικές ταχύτητες των νημάτων
- Οι οντότητες εκτέλεσης πρέπει μερικές φορές να *συγχρονίζονται*.
  - Θα πρέπει να περιμένουν μέχρι να συμβεί κάποιο γεγονός
- Συνήθεις μηχανισμοί στα νήματα:
  - Μεταβλητές συνθήκης (***condition variables***) – ο βασικός μηχανισμός
  - φράγματα (***barriers***) – ο απλούστερος / δημοφιλέστερος μηχανισμός
  - κάποιο νήμα που καλεί μία συνάρτηση φράγματος, μπλοκάρει και περιμένει όλα τα υπόλοιπα νήματα να φτάσουν στο φράγμα *πριν προχωρήσει παρακάτω*.
  - Μόλις φτάσει και το τελευταίο, «ξεμπλοκάρουν» όλα και συνεχίζουν την εκτέλεσή τους.
  - `pthread_barrier_wait()`
    - Δεν είναι μέρος του «κλασικού» στάνταρ. Αποτελεί επέκταση. Για να χρησιμοποιηθεί στα συστήματα που το υποστηρίζουν, πρέπει στον κώδικα να μπει `#define _XOPEN_SOURCE 600`

## Δεύτερος μηχανισμός: barriers

- Φράγματα (**barriers**) – ο απλούστερος / δημοφιλέστερος μηχανισμός
- Κάποιο νήμα που καλεί μία συνάρτηση φράγματος, μπλοκάρει και περιμένει όλα τα υπόλοιπα νήματα να φτάσουν στο φράγμα πριν προχωρήσει παρακάτω.
- Μόλις φτάσει και το τελευταίο, «ξεμπλοκάρουν» όλα και συνεχίζουν την εκτέλεσή τους.
- **pthread\_barrier\_wait()**
  - Δεν είναι μέρος του «κλασικού» στάνταρ. Αποτελεί επέκταση (τα λεγόμενα real-time extensions).
  - Για να χρησιμοποιηθεί στα συστήματα που το υποστηρίζουν, παλαιότερα έπρεπε στον κώδικα του χρήστη να μπει  
`#define _XOPEN_SOURCE 600`
  - Στα περισσότερα συστήματα παρέχεται πλέον εγγενώς.

# Χρήση barriers

- Ορισμός:  
**pthread\_barrier\_t bar;**
- Δυναμική αρχικοποίηση:  
**pthread\_barrier\_init(&bar, NULL, N);**
  - Στην αρχικοποίηση δίνεται το πλήθος των νημάτων (N) που θα πρέπει να συγχρονίσει
- Αναμονή με:  
**pthread\_barrier\_wait(&bar);**
  - Το νήμα αναστέλλει την εκτέλεση του μέχρι τα υπόλοιπα N-1 νήματα να κάνουν την ίδια κλήση.
- Τον χρησιμοποιούμε όσες φορές θέλουμε χωρίς νέα αρχικοποίηση. Επίσης, νέα αρχικοποίηση με διαφορετικό N δεν επιτρέπεται!
  - Επομένως, αν θέλουμε να τον επαναχρησιμοποιήσουμε για να συγχρονίσουμε διαφορετικό πλήθος νημάτων, πρέπει πρώτα να τον «καταστρέψουμε» με:  
**pthread\_barrier\_destroy(&bar);**
    - Το νήμα αναστέλλει την εκτέλεση του μέχρι τα υπόλοιπα N-1 νήματα να κάνουν την ίδια κλήση.

## 2 νήματα συνεργάζονται για τον μέσο όρο ΣΩΣΤΑ!

```
int          A[10];          /* I want to calculate the average value */
double       avg = 0.0;      /* shared variable to hold the result */
pthread_mutex_t mx = PTHREAD_MUTEX_INITIALIZER;
pthread_barrier_t bar;       /* Initialized in main() */

void *threadfunc1(void *arg) {
    int i, q1 = 0;

    for (i = 0; i < 5; i++)
        q1 += A[i];
    pthread_mutex_lock(&mx);
    avg = avg + (q1 / 10.0);    /* critical section */
    pthread_mutex_unlock(&mx);
    pthread_barrier_wait(&bar);
    ...
}

void *threadfunc2(void *arg) {
    int i, q2 = 0;

    for (i = 5; i < 10; i++)
        q2 += A[i];
    pthread_mutex_lock(&mx);
    avg = avg + (q2 / 10.0);    /* critical section */
    pthread_mutex_unlock(&mx);
    pthread_barrier_wait(&bar);
    printf("avg = %lf\n", avg); /* show result */
    ...
}
```

# Θέματα υλοποίησης αμοιβαίου αποκλεισμού /συγχρονισμού

- Όταν ένα νήμα βρει την κλειδαριά κλειδωμένη τι γίνεται;
  - **Λύση 1 (queue locks):** το σύστημα το αποσύρει σε μία ουρά και το «κοιμίζει» μέχρι να ξεκλειδωθεί η κλειδαριά και να το «ξυπνήσει»
    - Ελευθερώνεται ένας πυρήνας / επεξεργαστής (ώστε να μπορεί να εκτελέσει άλλα χρήσιμα πράγματα)
    - Ευγενική / καλή / δίκαια συμπεριφορά
    - Χρονοβόρο! Απόσυρση-κοίμισμα-προετοιμασία-επαναφορά έχει κόστος διαχείρισης!
  - **Λύση 2 (spin locks):** ενεργός αναμονή (busy waiting)
    - «Μονοπωλείται» ο πυρήνας σε ένα while loop (ενώ θα μπορούσε να εκτελέσει άλλα χρήσιμα πράγματα)
    - Κακή συμπεριφορά, αλλά ταχύτατο 😊
    - *Το προτιμάμε, με την προϋπόθεση ότι οι κρίσιμες περιοχές είναι μικρές σε διάρκεια και ότι το σύστημα είναι «αφιερωμένο» στη δική μας εφαρμογή.*
- Αντίστοιχα και ο συγχρονισμός – μπορεί να υλοποιηθεί με ουρές αναμονής ή ενεργό αναμονή
- Κλειδαριές + συγχρονισμός = βασικές αιτίες καθυστέρησης στην παράλληλη εκτέλεση

# Υλοποίηση κλειδαριών

- Μπορούν να υλοποιηθούν με απλές εντολές read/write αλλά ιδιαίτερους, «εύθραυστους» αλγορίθμους, οι οποίοι κάνουν πολλές υποθέσεις (παλαιότερα, π.χ. αλγόριθμος Dekker κλπ.)
- Υλοποιούνται, πλέον, με ειδικές **ατομικές** εντολές που παρέχονται από όλους τους επεξεργαστές, τύπου: *test-and-set* (TAS), *fetch-and-add* (FAA), *fetch-and-Φ*, *compare-and-swap* (CAS), κλπ.
  - Είτε απευθείας χρήση γλώσσας μηχανής (e.g. GCC εντολές `asm()`)
  - Είτε κλήσεων «συναρτήσεων» που ο μεταφραστής φροντίζει να τις αντικαταστήσει με κατάλληλες εντολές γλώσσας μηχανής. Π.χ. αρκετοί μεταφραστές υποστηρίζουν:
    - `i = __sync_fetch_and_add(&i, 1),`
    - `j = __sync_compare_and_swap(&i, 0, 5);`
- Όλοι οι επεξεργαστές έχουν τέτοιες εντολές, *αλλά κανείς δεν τις προσφέρει όλες!* Ο καθένας προσφέρει κάποιες από αυτές.
  - Όσες δεν υπάρχουν, οι παραπάνω συναρτήσεις τις «προσομοιώνουν» (με ακολουθία πολλών εντολών, φυσικά)

## Ατομικές εντολές (υλοποιούνται ως 1 αδιάσπαστη εντολή)

- Test-and-set(&x)
  - Θέτει το x στο 1 (“set”) αλλά επιστρέφει την τιμή που είχε το x πριν (“test”).
  - Ουσιαστικά μπορούμε να ξέρουμε αν το x ήταν ήδη 1 πριν το κάνουμε εμείς 1.
- Fetch-and-add(&x, value)
  - Προσθέτει στο x την τιμή value (“add”) αλλά επιστρέφει την τιμή που είχε το x πριν (“fetch”).
  - Ουσιαστικά διαβάζουμε το x και του δίνουμε νέα τιμή με 1 εντολή.
- Compare-and-swap(&x, old, new)
  - Συγκρίνει την τιμή του x με το old – αν είναι διαφορετική, θέτει το x στην τιμή new.
  - Επιστρέφει true αν έγινε η αλλαγή, αλλιώς false
- Load linked/Store conditional (LL/SC)
  - Η LL(&x) επιστρέφει την τιμή του x (είναι ένα read ουσιαστικά)
  - Η SC(&x, new) δίνει την τιμή new στο x (είναι ουσιαστικά ένα write) *αρκεί να μην έχει τροποποιηθεί η τιμή του x στο ενδιάμεσο.*
  - Η SC επιστρέφει true αν πέτυχε

# Απλή κλειδαριά με TAS

- **test-and-set**: Με απλή χρήση της εντολής TAS (όχι και τόσο σύνηθες!):

```
function lockit(boolean *lock) {
    while (1)
        if (TAS(lock) == 0)    /* it was unlocked! */
            break;
}

function unlockit(boolean *lock) {
    *lock = 0;
}
```

- Πρόβλημα: έχει τεράστιο contention καθώς συνεχώς διαβάζει και γράφει, προκαλώντας συνεχώς cache invalidations (φανταστείτε 64 cores να κάνουν το ίδιο...)
- Βελτίωση 1: **test-and-test-and-set**. Πρώτα έλεγχος (απλό read) και μετά η εξασφάλιση:

```
function lockit(boolean *lock) {
    while (1)
        if (*lock == 0)          /* Simple read, no bus traffic */
            if (TAS(lock) == 0)  /* it was indeed unlocked! */
                break;
}
```

- Βελτίωση 2: **exponential back-off**: πριν ξαναπροσπαθήσεις, κοιμήσου για διάστημα πολλαπλάσιο του προηγούμενου.

Περισσότερα...

SELF-PRACTICE (μην το παραδώσετε):

**Εξασκηθείτε με τα νήματα *POSIX* σχεδιάζοντας τον δικό σας *barrier***

READING HOMEWORK (μόνο αυτό θα παραδώσετε):

**Μελέτη + σύνοψη αλγορίθμων για κλειδαριές:**

“Algorithms for scalable synchronization on shared-memory multiprocessors”, John M. Mellor-Crummey, Michael L. Scott, ACM TOCS (1991).

<http://www.cs.rice.edu/~johnmc/papers/tocs91.pdf>

... βάζοντάς τα όλα σε  
εφαρμογή

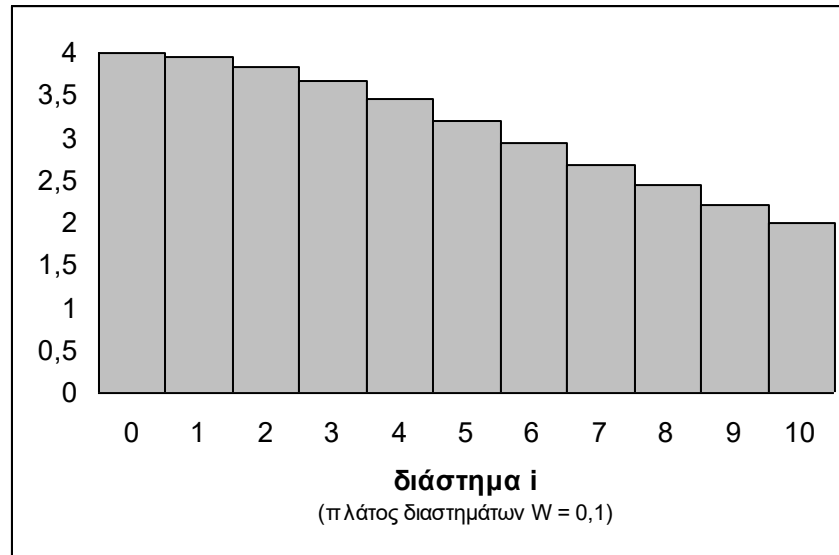
**Λ8**

**Συστήματα  
& Λογισμικό  
Υψηλών  
Επιδόσεων**

# Υπολογισμός του $\pi = 3,14...$

- Αριθμητική ολοκλήρωση

$$\pi = \int_0^1 \frac{4}{1+x^2}$$



$$\approx \sum_{i=0}^{N-1} \frac{4W}{1 + [(i + \frac{1}{2})W]^2}$$

```
#define N 1000000
double pi = 0.0, W = 1.0/N;

int main() {
    int i;
    for (i = 0; i < N; i++)
        pi += 4*W / (1 + (i+0.5)*(i+0.5)*W*W);
    printf("pi = %.10lf\n", pi);
    return 0;
}
```

# Υπολογισμός του $\pi = 3,14...$ με 1 νήμα ανά επανάληψη

```
#define N 100000
double pi = 0.0, W = 1.0/N;

int main() {
    int i;
    for (i = 0; i < N; i++)
        pi += 4*W / (1 + (i+0.5)*(i+0.5)*W*W);
    printf("pi = %.10lf\n", pi);
    return 0;
}
```

```
/* 1 νήμα ανά επανάληψη */
#define N 100000
double pi = 0.0, W = 1.0/N;
pthread_mutex_t lock = PTHREAD_MUTEX_INITIALIZER;

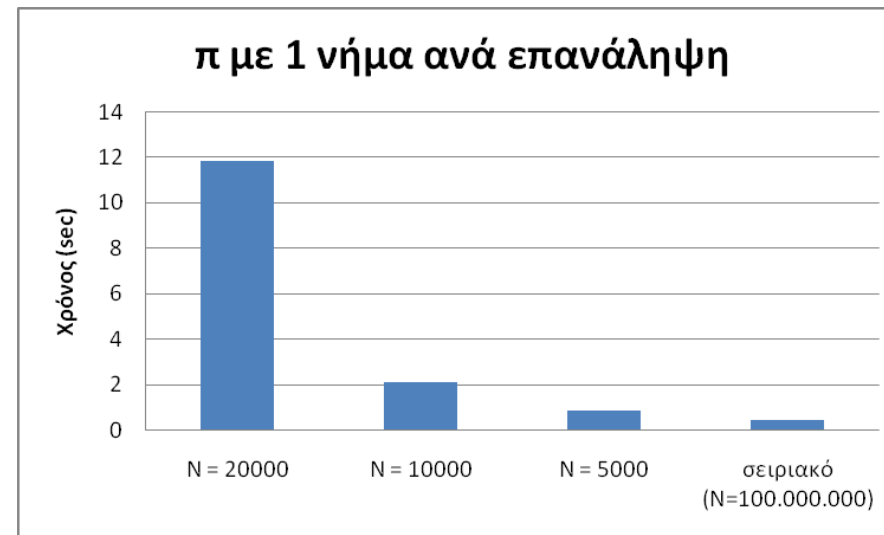
void *thrfunc(void *iter) {
    int i = (int) iter;
    pthread_mutex_lock(&lock);
    pi += 4*W / (1 + (i+0.5)*(i+0.5)*W*W);
    pthread_mutex_unlock(&lock);
}

int main() {
    int i;
    pthread_t tids[N];          /* Remember the thread ids */

    for (i = 0; i < N; i++)
        pthread_create(&tids[i], NULL, thrfunc, (void *) i);
    for (i = 0; i < N; i++)
        pthread_join(tids[i], NULL);
    printf("pi = %.10lf\n", pi);
    return 0;
}
```

# Προβλήματα

- Υπερβολικά πολλά νήματα (πολλά συστήματα δεν επιτρέπουν πάνω από λίγες χιλιάδες)
  - και επομένως υπερβολικά «λεπτόκοκκος» παραλληλισμός (fine grain)
- Ακόμα και αν επιτρέπονταν τόσα πολλά νήματα, ο συναγωνισμός για την κλειδαριά είναι τεράστιος.
- Αποτέλεσμα: αργή εκτέλεση και μόνο για μη ακριβή προσέγγιση του  $\pi$ .



- Μάθημα: ***η καλύτερη τακτική είναι συνήθως να δημιουργούμε τόσα νήματα όσοι είναι και οι επεξεργαστές του συστήματος***

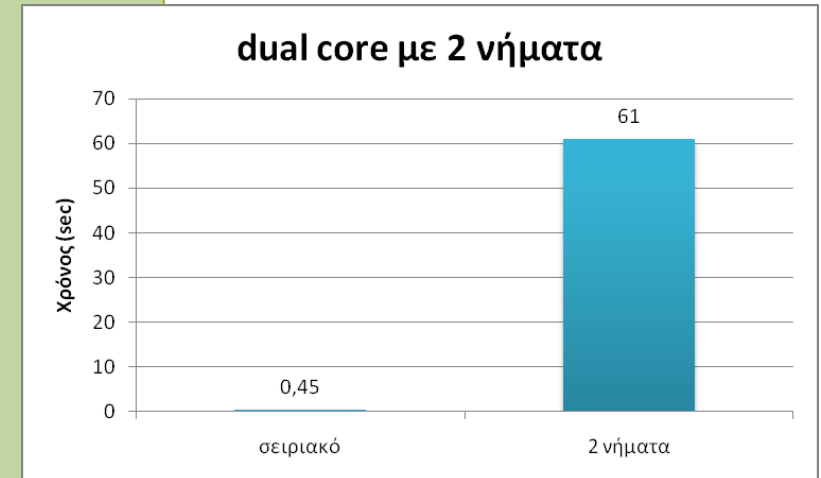
# Μοίρασμα της δουλειάς σε λίγα νήματα

```
#define NPROCS 2          /* dual core */
#define N 10000000        /* Για ακρίβεια (ίδια με σειριακό) */
#define WORK N/NPROCS
double pi = 0.0, W = 1.0/N;
pthread_mutex_t lock = PTHREAD_MUTEX_INITIALIZER;

void *thrfunc(void *iter) {
    int i, me = (int) iter;
    for (i = me*WORK; i < (me+1)*WORK; i++) {
        pthread_mutex_lock(&lock);
        pi += 4*W / (1 + (i+0.5)*(i+0.5)*W*W);
        pthread_mutex_unlock(&lock);
    }
}

int main() {
    int i;
    pthread_t tids[NPROCS];

    for (i = 0; i < NPROCS; i++) /* νήματα = # επεξεργατών */
        pthread_create(&tids[i], NULL, thrfunc, (void *) i);
    for (i = 0; i < NPROCS; i++)
        pthread_join(tids[i], NULL);
    printf("pi = %.10lf\n", pi);
    return 0;
}
```



**Τι πάει στραβά;**

# Λίγα νήματα – αποφυγή συναγωνισμού

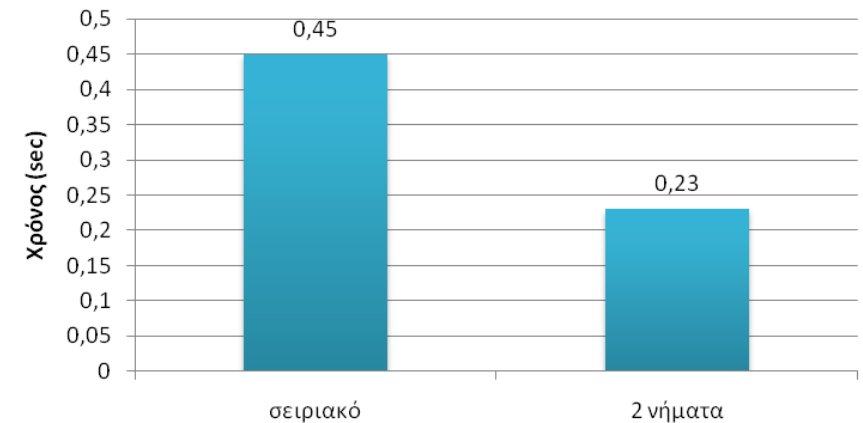
```
#define NPROCS 2          /* dual core */
#define N 10000000        /* Για ακρίβεια (ίδια με σειριακό) */
#define WORK N/NPROCS
double pi = 0.0, W = 1.0/N;
pthread_mutex_t lock = PTHREAD_MUTEX_INITIALIZER;

void *thrfunc(void *iter) {
    int i, me = (int) iter;
    double mysum = 0.0;
    for (i = me*WORK; i < (me+1)*WORK; i++)
        mysum += 4*W / (1 + (i+0.5)*(i+0.5)*W*W);
    pthread_mutex_lock(&lock);
    pi += mysum;
    pthread_mutex_unlock(&lock);
}

int main() {
    int i;
    pthread_t tids[NPROCS];

    for (i = 0; i < NPROCS; i++) /* νήματα = # επεξεργατών */
        pthread_create(&tids[i], NULL, thrfunc, (void *) i);
    for (i = 0; i < NPROCS; i++)
        pthread_join(tids[i], NULL);
    printf("pi = %.10lf\n", pi);
    return 0;
}
```

**dual core με 2 νήματα**



# Δρομολόγηση επαναλήψεων με άλματα

```
#define NPROCS 2          /* dual core */
#define N 10000000        /* Για ακρίβεια (ίδια με σειριακό) */
#define WORK N/NPROCS
double pi = 0.0, W = 1.0/N;
pthread_mutex_t lock = PTHREAD_MUTEX_INITIALIZER;

void *thrfunc(void *iter) {
    int    i, me = (int) iter;
    double mysum = 0.0;
    for (i = me*WORK; i < (me+1)*WORK; i++)
        mysum += 4*W / (1 + (i+0.5)*(i+0.5)*W*W);
    pthread_mutex_lock(&lock);
    pi += mysum;
    pthread_mutex_unlock(&lock);
}

int main() {
    int i;
    pthread_t tids[NPROCS];

    for (i = 0; i < NPROCS; i++) /* νήματα = # επεξεργατών */
        pthread_create(&tids[i], NULL, thrfunc, (void *) i);
    for (i = 0; i < NPROCS; i++)
        pthread_join(tids[i], NULL);
    printf("pi = %.10lf\n", pi);
    return 0;
}
```

```
void *thrfunc(void *iter) {
    int    i, me = (int) iter;
    double mysum = 0.0;
    for (i = me; i < N; i += NPROC)
        mysum += 4*W / (1 + (i+0.5)*(i+0.5)*W*W);
    pthread_mutex_lock(&lock);
    pi += mysum;
    pthread_mutex_unlock(&lock);
}
```

Γνωστό και ως “loop splitting” (ατυχές)  
Πλεονεκτήματα / μειονεκτήματα;

## Πίνακας επί πίνακα (τετραγωνικοί)

```
for (i = 0; i < N; i++) {  
    for (j = 0; j < N; j++) {  
        for (k = sum = 0; k < N; k++)  
            sum += A[i][k]*B[k][j];  
        C[i][j] = sum;  
    }  
}
```

- Παραλληλοποίηση:
  - Ενός βρόχου (i)
    - μοίρασμα των επαναλήψεων του πρώτου for σε νήματα
    - Δεν δουλεύει καλά πάντα, π.χ. τι γίνεται αν # επεξεργαστών > N ??
  - Δύο βρόχων (i και j)
    - *Checkerboard partitioning*: παραλληλοποίηση και των δύο βρόχων
    - Μπορώ εναλλακτικά να παραλληλοποιήσω τον βρόχο j και k?

# Διαχωρισμός σκακιέρας

|              |              |              |          |              |              |              |  |  |          |  |  |  |                  |          |              |
|--------------|--------------|--------------|----------|--------------|--------------|--------------|--|--|----------|--|--|--|------------------|----------|--------------|
| $c_{00}$     | $c_{01}$     |              | $\cdots$ | $c_{0(S-1)}$ | $c_{0S}$     |              |  |  |          |  |  |  |                  | $\cdots$ | $c_{0(N-1)}$ |
| $c_{10}$     | $c_{11}$     |              | $\cdots$ | $c_{1(S-1)}$ | $c_{1S}$     |              |  |  |          |  |  |  |                  | $\cdots$ | $c_{1(N-1)}$ |
| $c_{20}$     | $c_{21}$     | $C_{00}$     | $\cdots$ | $c_{2(S-1)}$ | $c_{2S}$     | $C_{01}$     |  |  | $\cdots$ |  |  |  | $C_{0(M-1)}$     | $\cdots$ | $c_{2(N-1)}$ |
| $c_{S0}$     | $c_{S1}$     |              | $\cdots$ | $c_{S(S-1)}$ | $c_{SS}$     |              |  |  |          |  |  |  |                  | $\cdots$ | $c_{S(N-1)}$ |
|              |              | $C_{10}$     |          |              |              | $C_{11}$     |  |  | $\cdots$ |  |  |  | $C_{1(M-1)}$     |          |              |
|              |              | $\vdots$     |          |              |              | $\vdots$     |  |  | $\vdots$ |  |  |  | $\vdots$         |          |              |
|              |              | $C_{(M-1)0}$ |          |              |              | $C_{(M-1)1}$ |  |  |          |  |  |  | $C_{(M-1)(M-1)}$ |          |              |
| $c_{(N-1)0}$ | $c_{(N-1)1}$ |              |          |              | $c_{(N-1)S}$ |              |  |  | $\cdots$ |  |  |  |                  |          |              |

Υποπίνακες  
διάστασης  $S \times S$

Άρα  
 $M = N/S$   
υποπίνακες  
οριζόντια /  
κάθετα:  
 $M^2$  υποπίνακες

# Διαχωρισμός σκακιέρας – αρίθμηση υποπινάκων

|              |              |          |                  |
|--------------|--------------|----------|------------------|
| $C_{00}$     | $C_{01}$     |          | $C_{0(M-1)}$     |
| $C_{10}$     | $C_{11}$     |          | $C_{1(M-1)}$     |
|              |              | $C_{xy}$ |                  |
| $C_{(M-1)0}$ | $C_{(M-1)1}$ |          | $C_{(M-1)(M-1)}$ |

Αν τους  
αριθμήσουμε  
από 0 έως  $M^2-1$ ,  
ο  $i$ -οστός  
υποπίνακας  
είναι ο  $C_{xy}$  όπου:

$$x = i / M$$

$$y = i \% M$$

# Διαχωρισμός σκακιέρας – το πρόγραμμα

```
#define N    1000    /* matrices 1000x1000 */
#define NTHR 25     /* # threads */
#define M    5      /* M*M submatrices in total */
#define S    N/M     /* size of each submatrix */
double A[N][N], B[N][N], C[N][N];

void *checker(void *arg) {
    int i, j, k, x, y, me = (int) arg;
    double sum;

    x = me / M;
    y = me % M;
    for (i = x*S; i < (x+1)*S; i++) { /* calculate Cxy */
        for (j = y*S; j < (y+1)*S; j++) {
            for (k = 0, sum = 0.0; k < N; k++)
                sum += A[i][k]*B[k][j];
            C[i][j] = sum;
        }
    }
}

int main() {
    int i;
    pthread_t thr[NTHR];

    for (i = 0; i < NTHR; i++)
        pthread_create(&thr[i], NULL, checker, (void *) i);
    for (i = 0; i < NTHR; i++)
        pthread_join(thr[i], NULL);
    show_result(C, N);
    return 0;
}
```

Δεν υπάρχει ανάγκη αμοιβαίου αποκλεισμού

Embarrassingly parallel



## Πίνακας επί διάνυσμα – πιο απλό?

```
double A[N][N], v[N], res[N];
```

```
for (i = 0; i < N; i++) {  
    res[i] = 0.0;  
    for (j = 0; j < N; j++)  
        res[i] += A[i][j]*v[j];  
}
```

- Παραλληλοποίηση του βρόχου i, μοιράζοντας τις επαναλήψεις στα νήματα

# Πίνακας επί διάνυσμα – παράλληλα (I)

```
int main() {  
    int i;  
    pthread_t tids[NPROCS];  
  
    for (i = 0; i < NPROCS; i++)  
        pthread_create(&tids[i], NULL, thrfunc, (void *) i);  
    for (i = 0; i < NPROCS; i++)  
        pthread_join(tids[i], NULL);  
    return 0;  
}
```

```
#define N      8000  
#define NPROCS 8  
#define RPT    N/NPROCS /* "Rows Per Thread" */  
double  A[N][N], v[N], res[N];  
  
void *thrfunc(void *arg) {  
    int    i, j, myid = (int) arg;  
  
    for (i = myid*RPT; i < (myid+1)*RPT; i++) {  
        res[i] = 0.0;  
        for (j = 0; j < N; j++)  
            res[i] += A[i][j]*v[j];  
    }  
}
```

- Καλός κώδικας, όταν  $NPROC < N$ .
  - Τι γίνεται όταν, όμως, έχουμε  $NPROC > N$ ?
- Η παραλληλοποίηση του βρόχου, τότε, δεν θα δουλεύει καλά.
  - Θα υπάρχουν διεργασίες που δεν κάνουν τίποτε!
  - παραλληλοποίηση και των δύο βρόχων (i και j) μαζί

## Πίνακας επί διάνυσμα – παράλληλα (II)

```
#define N      100      /* vector size */
#define NPROC 200      /* #cores = #threads */
#define TPR    NPROC/N  /* threads-per-row */
double  A[N][N], v[N], res[N];
pthread_mutex_t lock = PTHREAD_MUTEX_INITIALIZER;

void *matvec(void *arg) {
    int    i, j, me = (int) arg;
    double sum = 0.0;

    i = me / TPR;      /* my row */
    for (j = me % TPR; j < N; j += TPR)
        sum += A[i][j]*v[j];
    pthread_mutex_lock(&lock);
    res[i] += sum;
    pthread_mutex_unlock(&lock);
}
```

```
int main() {
    int i;
    pthread_t thr[NPROC];

    for (i = 0; i < N; i++)
        res[i] = 0.0;
    for (i = 0; i < NPROC; i++)
        pthread_create(&thr[i], NULL, matvec, (void *) i);
    for (i = 0; i < NPROC; i++)
        pthread_join(thr[i], NULL);
    show_result(res, N);
    return 0;
}
```

### Παράλληλη αρχικοποίηση;;

Κάθε ομάδα νημάτων να αρχικοποιεί το δικό της `res[i]`

Π.χ. το πρώτο νήμα (`me%TPR==0`) να κάνει `res[i] = 0.0`.

Υπάρχει κάποιο πρόβλημα;

- Υποθέτουμε ότι το `N` διαιρεί το `NPROC`
- Απαιτείται, πλέον, αμοιβαίος αποκλεισμός.
- Προσοχή στην αρχικοποίηση του `res[]`.

# Συγχρονισμός: σωστή παράλληλη αρχικοποίηση

```
#define N      100      /* vector size */
#define NPROC 200      /* #cores = #threads */
#define TPR    NPROC/N  /* threads-per-row */
double  A[N][N], v[N], res[N];
pthread_mutex_t lock = PTHREAD_MUTEX_INITIALIZER;
pthread_barrier_t bar;

void *matvec(void *arg) {
    int    i, j, me = (int) arg;
    double sum = 0.0;

    i = me / TPR;          /* my row */
    if (me % TPR == 0)     /* i will initialize */
        res[i] = 0;
    pthread_barrier_wait(&bar); /* make sure all wait here */
    for (j = me % TPR; j < N; j += TPR)
        sum += A[i][j]*v[j];
    pthread_mutex_lock(&lock);
    res[i] += sum;
    pthread_mutex_unlock(&lock);
}
```

```
int main() {
    int i;
    pthread_t thr[NPROC];

    pthread_barrier_init(&bar, NULL, NPROC);
    for (i = 0; i < NPROC; i++)
        pthread_create(&thr[i], NULL, matvec, (void *) i);
    for (i = 0; i < NPROC; i++)
        pthread_join(thr[i], NULL);
    show_result(res, N);
    return 0;
}
```

Όλα τα νήματα στον ίδιο barrier! ☹️

Άλλη ιδέα;

Το πρώτο νήμα μιας ομάδας να δημιουργεί τα υπόλοιπα, αμέσως μετά την αρχικοποίηση (άρα => παράλληλη δημιουργία νημάτων)

## Δύο ακόμα θέματα με τα νήματα

- Πώς μπορώ να εξασφαλίσω ότι κάτι θα γίνει από μόνο ένα νήμα;
  - Π.χ. Έχουν ήδη δημιουργηθεί τα νήματα και θέλω να αρχικοποιήσω μία κοινή μεταβλητή.
- Πώς μπορώ να έχω ιδιωτικές global μεταβλητές στα νήματα;
  - Π.χ. Θέλω να έχω μία μεταβλητή global ώστε να μην την περνάω από συνάρτηση σε συνάρτηση, αλλά δεν θέλω να είναι κοινή μεταξύ των νημάτων.
  - “thread local storage” - TLS

## pthread\_once: Εκτέλεση μιας φοράς

```
pthread_once_t once_block = PTHREAD_ONCE_INIT
pthread_mutex_t mutex;

/* It is guaranteed that this will be called only once */
void routine(void) {
    pthread_mutex_init(&mutex, NULL);
}

/* Thread */
void *threadfunc(void *arg) {
    pthread_once(&once_block, routine);    /* Κλήση ρουτίνας */
    ...
}

int main() {
    pthread_create(&t, NULL, threadfunc, NULL); /* Νέο νήμα */
    pthread_once(&once_block, routine);    /* Κλήση ρουτίνας */
    ...
}
```

# pthread specifics: Ιδιωτικά (Καθολικά) Δεδομένα Νημάτων

- Τρόπος 1<sup>ος</sup> (εύκολος, γρήγορος, όμως δουλεύει μόνο με ορισμένους compilers και μόνο σε συγκεκριμένα λειτουργικά συστήματα κλπ)

```
__thread int x; /* Global, but each thread has its own copy of the variable */
```

- Τρόπος 2<sup>ος</sup> (POSIX, portable): thread-specifics

```
pthread_key_t key;

main() {
    ...
    pthread_key_create(&key, NULL); /* Initialize the key -- should be done
    once! */
    pthread_create(&t, NULL, thread_routine, ...);
}

void *thread_routine(void *) {
    long *value;

    mydata = malloc(sizeof(long)); /* Allocate space */
    *mydata = ...;
    pthread_setspecific(key, value); /* Store *my* data at this key */
    ...
    mydata = pthread_getspecific(key); /* Get *my* data */
}
```

## Δυναμική συμπεριφορά

- Η μέχρι τώρα διάσπαση σε «εργασίες» ήταν *στατική* δηλαδή είχαμε προκαθορίσει *ακριβώς* τι θα εκτελέσει το κάθε νήμα.
  - π.χ. στο π, ή ο διαχωρισμός σκακιέρας στον πολ/μο πινάκων
- Ως γνώμονα είχαμε την *ισοκατανομή φόρτου* ώστε όλα τα νήματα να εκτελέσουν παρόμοιο έργο και άρα να δουλέψουν για ίδιο χρονικό διάστημα (που είναι το ιδανικό).
- Τι γίνεται όμως αν κάποιοι επεξεργαστές
  - Είναι πιο αργοί από τους άλλους ή
  - Για το συγκεκριμένο διάστημα είναι περισσότερο φορτωμένοι από τους άλλους (διότι π.χ. εκτελούν και κάποια άλλη εφαρμογή)
- Σε αυτή την περίπτωση, η ισόποση διαμοίραση των εργασιών **ΔΕΝ ΕΙΝΑΙ ΟΤΙ ΚΑΛΥΤΕΡΟ!**

## Αυτοδρομολόγηση (self-scheduling)

- Εφαρμόζεται σε αυτές τις περιπτώσεις.
- Δυναμικά (δηλαδή κατά την ώρα της εκτέλεσης), τα πιο «αργά» νήματα θα εκτελέσουν λιγότερο έργο.
- Πώς;
  - Δεν προκαθορίζουμε τι θα εκτελέσει το κάθε νήμα
  - Χωρίζουμε τους υπολογισμούς σε «δουλειές» (tasks)
  - Αφήνουμε κάθε νήμα να ζητάει δουλειά να κάνει
  - Όσο πιο γρήγορα τελειώσει μία δουλειά, τόσες περισσότερες δουλειές θα πάρει να εκτελέσει

```
while (there-are-things-to-calculate)
{
    Task = get-the-next-task()
    execute(Task);
}
```

# Αυτοδρομολόγηση – κώδικας

- Έστω ότι κάπως έχουμε χωρίσει τη δουλειά σε NTASK εργασίες, από 0 έως NTASK-1.
- Έστω ότι η t-οστή εργασία εκτελείται ως `taskexecute(t)`

```
int taskid = 0;    /* the next task id to execute */
pthread_mutex_t tlock = PTHREAD_MUTEX_INITIALIZER;

void *thrfunc(void *arg) {
    int t;

    while (1) {      /* forever */
        pthread_mutex_lock(&tlock);
        t = taskid++; /* get next task */
        pthread_mutex_unlock(&tlock);
        if (t >= NTASK)
            break;    /* all tasks done */
        taskexecute(t);
    }
}
```

## Αυτοδρομολόγηση, συνέχεια

- Για οποιαδήποτε εφαρμογή, ΑΚΡΙΒΩΣ το ίδιο πρόγραμμα
- Αρκεί μόνο να θέσουμε το NTASK σε σωστή τιμή και να υλοποιήσουμε τη κατάλληλη `taskexecute()`
- Τα ταχύτερα νήματα «κλέβουν» τις πιο πολλές εργασίες και άρα καλύτερη κατανομή φόρτου
- Στη γενικότερη μορφή της, υπάρχει μία *ουρά* από εργασίες που πρέπει να εκτελεστούν.
  - Τα νήματα «τραβούν» εργασίες από την κεφαλή της ουράς
- Αν δεν υπάρχει μεγάλη διαφορά στις ταχύτητες (π.χ. το σύστημα εκτελεί μόνο τη δική μας εφαρμογή), η αυτοδρομολόγηση δεν είναι πάντα ότι καλύτερο μιας και έχει συναγωνισμό για την κλειδαριά (ή την πρόσβαση στην ουρά), για κάθε εργασία.

# Παράδειγμα: υπολογισμός του π με αυτοδρομο/ση

```
int taskid = 0;    /* the next task id to execute */
pthread_mutex_t tlock = PTHREAD_MUTEX_INITIALIZER;

void *thrfunc(void *arg) {
    int t;

    while (1) {      /* forever */
        pthread_mutex_lock(&tlock);
        t = taskid++; /* get next task */
        pthread_mutex_unlock(&tlock);
        if (t >= NTASK)
            break;    /* all tasks done */
        taskexecute(t);
    }
}
```

```
#define N 10000000    /* # iterations */
#define K 100         /* iterations per task */
#define NTASK N/K     /* total # tasks */
double pi = 0.0, W = 1.0/N;
pthread_mutex_t pilock = PTHREAD_MUTEX_INITIALIZER;

void taskexecute(int t) {
    int i;
    double mysum = 0.0;

    for (i = t*K; i < (t+1)*K; i++)
        mysum += 4*W / (1 + (i+0.5)*(i+0.5)*W*W);
    pthread_mutex_lock(&pilock);
    pi += mysum;
    pthread_mutex_unlock(&pilock);
}
```



## Παράδειγμα: checkerboard + αυτοδρομολόγηση

```
int taskid = 0;    /* the next task id to execute */
pthread_mutex_t tlock = PTHREAD_MUTEX_INITIALIZER;

void *thrfunc(void *arg) {
    int t;

    while (1) {      /* forever */
        pthread_mutex_lock(&tlock);
        t = taskid++; /* get next task */
        pthread_mutex_unlock(&tlock);
        if (t >= NTASK)
            break;    /* all tasks done */
        taskexecute(t);
    }
}
```

```
#define N 10000      /* μέγεθος πίνακα */
#define M 100        /* 100 x 100 υποπίνακες */
#define S N/M        /* μέγεθος υποπίνακα */
#define NTASK M*M    /* τόσους υποπίνακες */

void taskexecute(int wid) {
    int i, j, k, x, y;
    double sum;

    x = wid / M;
    y = wid % M;
    for (i = x*S; i < (x+1)*S; i++) /* στοιχεία του Cxy */
        for (j = y*S; j < (y+1)*S; j++)
        {
            for (k = 0, sum = 0.0; k < N; k++)
                sum += A[i][k]*B[k][j];
            C[i][j] = sum;
        };
}
```

