



Σχεσιακός Λογισμός



Εισαγωγή

Σχεσιακό Μοντέλο

- Τυπικές Γλώσσες Ερωτήσεων
 - Σχεσιακή Άλγεβρα
 - Σχεσιακός Λογισμός Πλειάδων**
 - Σχεσιακός Λογισμός Πεδίου**



- **σχεσιακή άλγεβρα**: περιγράφει τον τρόπο (τα βήματα) για να πάρουμε την απάντηση σε μια ερώτηση - δηλαδή, το **πως**

- **procedural (διαδικαστική)**

παρέχει ένα σύνολο από πράξεις

μία ερώτηση στη σχεσιακή άλγεβρα είναι μια ακολουθία από πράξεις που προσδιορίζει ρητά τη σειρά εκτέλεσης των πράξεων και καθορίζει μια στρατηγική αποτίμησης

- **σχεσιακός λογισμός**: περιγραφή του **τι** θέλουμε

- **declarative (μη διαδικαστική)**

(βάση για QBE)



- Ο **σχεσιακός λογισμός (πλειάδων/πεδίου)** βασίζεται στον προσδιορισμό ενός πλήθους τιμών πλειάδων (γνωρισμάτων):

«Δώσε μου τις πλειάδες που ικανοποιούν μια συνθήκη»

- Κάθε πλειάδα έχει πεδίο τιμών μια συγκεκριμένη σχέση μιας βδ
- Η ερώτηση δίνει τη *συνθήκη ως μια λογική έκφραση*

Δυο προσαρμογές (με βάση το από που παίρνουν τιμές οι μεταβλητές):

- σχεσιακός λογισμός πλειάδων
- σχεσιακός λογισμός πεδίου



$\{t \mid \text{COND}(t)\}$ (όπου t μεταβλητή πλειάδων)

t είναι μια **μεταβλητή πλειάδων** (σχέση) και $\text{COND}(t)$ είναι ένας τύπος (formula) που περιγράφει την t

Αποτέλεσμα είναι το σύνολο όλων των πλειάδων t για τις οποίες η συνθήκη $\text{COND}(t)$ είναι TRUE

π.χ., $\{t \mid \text{Ηθοποιός}(t)\}$

Ταινία (Τίτλος, Έτος, Διάρκεια, Είδος)
 Παίζει(Όνομα, Τίτλος, Έτος)
 Ηθοποιός(Όνομα, Διεύθυνση, Έτος-Γέννησης, Σύζυγος-Ηθοποιού)

Παράδειγμα



Ποια σχέση

t .Διάρκεια το γράφουμε και t [Διάρκεια]

$\{t.\text{Τίτλος}, t.\text{Έτος} \mid \text{Ταινία}(t) \text{ and } t.\text{Διάρκεια} > 100\}$

Ποια γνωρίσματα (project)

Ποια συνθήκη

- Για κάθε μεταβλητή πλειάδων t , τη σχέση τιμών $R(t)$
- Μια συνθήκη για την επιλογή ενός συγκεκριμένου συνδυασμού πλειάδων (η συνθήκη αποτιμάται για κάθε πιθανό συνδυασμό πλειάδων)
- Τα ζητούμενα γνωρίσματα που θα ανακτηθούν

Σημείωση: μια μεταβλητή πλειάδων t παίρνει τιμές από όλες τις δυνατές τιμές του κόσμου μας, αν $R(t)$, τότε true αν t ανήκει στην R



Τυπικός Ορισμός

$$\{t_1.A_1, t_2.A_2, \dots, t_n.A_n \mid \text{COND}(t_1, t_2, \dots, t_n, t_{n+1}, t_{n+2}, \dots, t_{n+m})\}$$

t_1, t_2, \dots, t_{n+m} : μεταβλητές πλειάδων

A_1, A_2, \dots, A_n : γνωρίσματα

COND μια συνθήκη ή **τύπος** του σχεσιακού λογισμού πλειάδων



Ένας **τύπος (formula)** του σχεσιακού λογισμού πλειάδων αποτελείται από άτομα

Άτομα του σχεσιακού λογισμού πλειάδων:

- $R(t_i)$: R όνομα σχέσης, t_i μεταβλητή πλειάδων, προσδιορίζει ότι το *πεδίο τιμών* της πλειάδας είναι η σχέση R

- $t_i.A \text{ opt } t_j.B$

- $t_i.A \text{ opt } c$ ή $c \text{ opt } t_i.A$

opt : = < > ≠ ≤ ≥

c : σταθερά

A, B : γνωρίσματα

Τυπικός Ορισμός (συνέχεια)



Κάθε άτομο *αποτιμάται* σε true ή false (τιμή αληθείας) του ατόμου

Κάθε **τύπος** κατασκευάζεται από ένα ή περισσότερα άτομα

- Κάθε άτομο είναι ένας τύπος
- (F1 **and** F2)
- (F1 **or** F2)
- **not**(F1)

Τυπικός Ορισμός (συνέχεια)



Επίσης:

- (\exists τ) (Φ)
- (\forall τ) (Φ)

Ελεύθερη και δεσμευμένη μεταβλητή

Με απλά λόγια, δεσμευμένη αν ποσοδεικτείται

Οι μόνες ελεύθερες μεταβλητές πλειάδων του σχεσιακού λογισμού θα πρέπει να είναι αυτές που εμφανίζονται στα αριστερά του |

- *Υποσύνολο της κατηγορηματικής λογικής πρώτου βαθμού*



Υπενθύμιση:

- DeMorgan $P1 \text{ and } P2 \equiv \text{not}(\text{not}(P1) \text{ or } \text{not}(P2))$
- Implication: $P1 \Rightarrow P2 \equiv \text{not}(P1) \text{ or } P2$
- Διπλή άρνηση:

$$(\forall t) P(t) \equiv \text{not}(\exists t)(\text{not } P(t))$$

"every human is mortal: no human is immortal"



Ταινία (Τίτλος, Έτος, Διάρκεια, Είδος)
Παίζει(Όνομα, Τίτλος, Έτος)
Ηθοποιός(Όνομα, Διεύθυνση, Έτος-Γέννησης, Σύζυγος-Ηθοποιού)

Παράδειγμα (επιλογή, προβολή): Τα ονόματα ηθοποιών που γεννήθηκαν μετά το 1980

{t.Όνομα |
Ηθοποιός(t) and t.Έτος-Γέννησης > 1980}

Παράδειγμα



Ταινία (Τίτλος, Έτος, Διάρκεια, Είδος)
Παίζει(Όνομα, Τίτλος, Έτος)
Ηθοποιός(Όνομα, Διεύθυνση, Έτος-Γέννησης, Σύζυγος-Ηθοποιού)

Παράδειγμα (συνένωση): Το όνομα και η διεύθυνση των ηθοποιών που έπαιξαν στη ταινία «Νύφες» του 2004

{t.Όνομα, t.διεύθυνση |

Ηθοποιός(t) and

((∃ d) (Παίζει(d) and d.Τίτλος = 'Νύφες' and d.Έτος = 2004 and

d. Όνομα-Ηθοποιού = t. Όνομα))}

Συνθήκη συνένωσης

Παράδειγμα



Ταινία (Τίτλος, Έτος, Διάρκεια, Είδος)
Παίζει(Όνομα, Τίτλος, Έτος)
Ηθοποιός(Όνομα, Διεύθυνση, Έτος-Γέννησης, Σύζυγος-Ηθοποιού)

Παράδειγμα (συνένωση): Το όνομα και η διεύθυνση των ηθοποιών που έπαιξαν στη ταινία «Νύφες» του 2004

{d.Όνομα-Ηθοποιού, t.διεύθυνση |

Ηθοποιός(t) and Παίζει(d) and d.Τίτλος = 'Νύφες' and d.Έτος = 2004
and d. Όνομα-Ηθοποιού = t. Όνομα}

Δυο διαφορετικές (ελεύθερες) μεταβλητές πλειάδων

Η συνθήκη αποτιμάται για κάθε συνδυασμό πλειάδων που ανατίθεται στο d και t.

Προτιμήστε εκφράσεις με μια μεταβλητή στα αριστερά του |



Παράδειγμα

Ταινία (Τίτλος, Έτος, Διάρκεια, Είδος)
 Παιζει(Όνομα, Τίτλος, Έτος)
 Ηθοποιός(Όνομα, Διεύθυνση, Έτος-Γέννησης, Σύζυγος-Ηθοποιού)

Παράδειγμα (διαφορά): Τα ονόματα ηθοποιών που δεν έπαιξαν στην ταινία American Beauty του 1999

{t.Όνομα |
 Ηθοποιός(t) and (not ((\exists d) (Παιζει(d) and
 d.Τίτλος = 'American Beauty' and d.Έτος = 1999 and
 d.Όνομα-Ηθοποιού = t. Όνομα)))}

Χρήση του \forall :



Παράδειγμα

Ταινία (Τίτλος, Έτος, Διάρκεια, Είδος)
 Παιζει(Όνομα, Τίτλος, Έτος)
 Ηθοποιός(Όνομα, Διεύθυνση, Έτος-Γέννησης, Σύζυγος-Ηθοποιού)

Παράδειγμα (διαφορά): Τα ονόματα ηθοποιών που δεν έπαιξαν στην ταινία American Beauty του 1999

Χρήση του \forall Χρειάζεται ιδιαίτερη προσοχή, πρέπει να είναι true για όλες τις δυνατές πλειάδες

{t.Όνομα |
 Ηθοποιός(t) and ((\forall d) (not(Παιζει(d)) or
 (d.Όνομα-Ηθοποιού \neq t. Όνομα or
 d.Τίτλος \neq 'American Beauty' or d.Έτος \neq 1999))))}

$(\forall t) P(t) \equiv \text{not } (\exists t) (\text{not } P(t))$
 $(\exists t) (P(t)) \equiv \text{not } (\forall t) (\text{not } P(t))$



Ασφαλείς Εκφράσεις

Πρέπει να αποτιμάται σε πεπερασμένο αριθμό πλειάδων

Παράδειγμα μη ασφαλούς: $\{t \mid \text{not}(\text{H}\theta\text{o}\pi\text{o}\iota\acute{o}\varsigma(t))\}$

Πεδίο ορισμού μιας έκφρασης P: σύνολο τιμών που αναφέρονται στο P, δηλαδή οι τιμές που εμφανίζονται άμεσα στο P (ως σταθερές) και οι τιμές πλειάδων σχέσεων που εμφανίζονται στο P

Ασφαλής: τιμές στο αποτέλεσμα από το πεδίο ορισμού



Διαφορά από το σχεσιακό λογισμό πλειάδων: **οι μεταβλητές είναι απλές τιμές του πεδίου ορισμού των γνωρισμάτων**

$$\{x_1, x_2, \dots, x_n \mid \text{COND}(x_1, x_2, \dots, x_n, x_{n+1}, x_{n+2}, \dots, x_{n+m})\}$$

x_1, x_2, \dots, x_n : μεταβλητές πεδίου τιμών που παίρνουν τιμές από πεδία ορισμού γνωρισμάτων

COND μια συνθήκη ή **τύπος** του σχεσιακού λογισμού πεδίων



Σχεσιακός Λογισμός Πεδίων

Άτομα του σχεσιακού λογισμού πεδίου

- $R(x_1, x_2, \dots, x_n)$: R όνομα σχέσης n -οστού βαθμού
Για συντομία $\{x_1 x_2 \dots x_n \mid R(x_1, x_2, \dots, x_n)\}$
αντί του $\{x_1, x_2, \dots, x_n \mid R(x_1, x_2, \dots, x_n)\}$
- $x_i \text{ opt } x_j$
- $x_i \text{ opt } c$ ή $c \text{ opt } x_i$

Κάθε **τύπος** κατασκευάζεται από ένα ή περισσότερα άτομα



Ταινία (Τίτλος, Έτος, Διάρκεια, Είδος)
 Παιζει(Όνομα, Τίτλος, Έτος)
 Ηθοποιός(Όνομα, Διεύθυνση, Έτος-Γέννησης, Σύζυγος-Ηθοποιού)

Σχεσιακός Λογισμός Πεδίου

Παράδειγμα: Το όνομα και η διεύθυνση όλων των ηθοποιών που έπαιξαν στη ταινία «Νύφες» του 2004

$\{t.\text{Όνομα}, t.\text{Διεύθυνση} \mid$

$\text{Ηθοποιός}(t) \text{ and}$

$(\exists d) (\text{Παιζει}(d) \text{ and } d.\text{Τίτλος} = \text{'Νύφες'} \text{ and } d.\text{Έτος} = 2004 \text{ and } d.\text{Όνομα-Ηθοποιού} = t.\text{Όνομα}))\}$

πλειάδων

$\{o, d \mid \text{Ηθοποιός}(o \text{ det}) \text{ and}$

$(\exists q) (\exists r) (\exists s) (\text{Παιζει}(qrs) \text{ and } r = \text{'Νύφες'} \text{ and } s = 2004 \text{ and } q = o)\}$

πεδίου



- **Ισοδυναμία = ίδια εκφραστική δύναμη**

όποια ανάκτηση μπορεί να προσδιοριστεί σε σχεσιακή άλγεβρα μπορεί και σε σχεσιακό λογισμό και αντιστρόφως

σχεσιακά πλήρης γλώσσα



ΠΙΤΣΑ(ΟΝΟΜΑ, ΣΥΣΤΑΤΙΚΟ)

ΑΡΕΣΕΙ(ΦΟΙΤΗΤΗΣ, ΣΥΣΤΑΤΙΚΟ)

ΣΕΡΒΙΡΕΙ(ΜΑΓΑΖΙ, ΟΝΟΜΑ-ΠΙΤΣΑΣ)

Διατυπώστε τα παρακάτω σε σχεσιακό λογισμό

1. Ποιες πίτσες (όνομα) έχουν ως συστατικό το μανιτάρι
2. Ποιες πίτσες (όνομα) δεν έχουν ως συστατικό το μανιτάρι
3. Ποιες πίτσες (όνομα) έχουν ως συστατικό μανιτάρι ή ζαμπόν
4. Ποιες πίτσες (όνομα) έχουν ως συστατικό μανιτάρι και ζαμπόν
5. Ποιες πίτσες (όνομα) έχουν ως συστατικό μανιτάρι και δεν έχουν ζαμπόν

Παράδειγμα (πίτσες)



ΠΙΤΣΑ(ΟΝΟΜΑ, ΣΥΣΤΑΤΙΚΟ)
ΑΡΕΣΕΙ(ΦΟΙΤΗΤΗΣ, ΣΥΣΤΑΤΙΚΟ)
ΣΕΡΒΙΡΕΙ(ΜΑΓΑΖΙ, ΟΝΟΜΑ-ΠΙΤΣΑΣ)

Διατυπώστε τα παρακάτω σε σχεσιακό λογισμό

1. Τις πίτσες (όνομα) που έχουν τουλάχιστον δύο διαφορετικά συστατικά.
2. Τις πίτσες (όνομα) που έχουν ένα τουλάχιστον συστατικό που να αρέσει στο Δημήτρη
3. Τις πίτσες που έχουν μόνο ένα συστατικό:
4. Τις πίτσες (όνομα) που έχουν ακριβώς δύο διαφορετικά συστατικά
5. Τις πίτσες (όνομα) που έχουν παραπάνω από δύο διαφορετικά συστατικά
6. Τις πίτσες που έχουν όλα τα συστατικά που αρέσουν στον Δημήτρη

Παράδειγμα



ΠΡΟΤΙΜΑ(ΠΟΤΗΣ, ΜΠΥΡΑ)
ΣΥΧΝΑΖΕΙ(ΠΟΤΗΣ, ΜΑΓΑΖΙ)
ΣΕΡΒΙΡΕΙ(ΜΑΓΑΖΙ, ΜΠΥΡΑ)

1. Τους πότες που συχνάζουν σε μαγαζιά που σερβίρουν μπύρα «Guinness»
2. Τα μαγαζιά που σερβίρουν μπύρα «Guinness» ή μπύρα «Leffe Brune» ή και τα δύο
3. Τα μαγαζιά που σερβίρουν μπύρα «Guinness» και μπύρα «Leffe Brune»
4. Τα μαγαζιά που σερβίρουν μόνο μπύρα «Guinness»
5. Μαγαζιά που σερβίρουν τουλάχιστον δύο διαφορετικές μπύρες. (μόνο μία:)
6. Μαγαζιά που σερβίρουν ακριβώς δύο διαφορετικές μπύρες.
7. Τα μαγαζιά που σερβίρουν μπύρες που προτιμά ο πότης «Δημήτρης».
8. Τα μαγαζιά που σερβίρουν όλες τις μπύρες που προτιμά ο «Δημήτρης».