

Ε-85: Ειδικά Θέματα Λογισμικού Προγραμματισμός Συστημάτων Υψηλών Επιδόσεων

Χειμερινό Εξάμηνο 2009-10

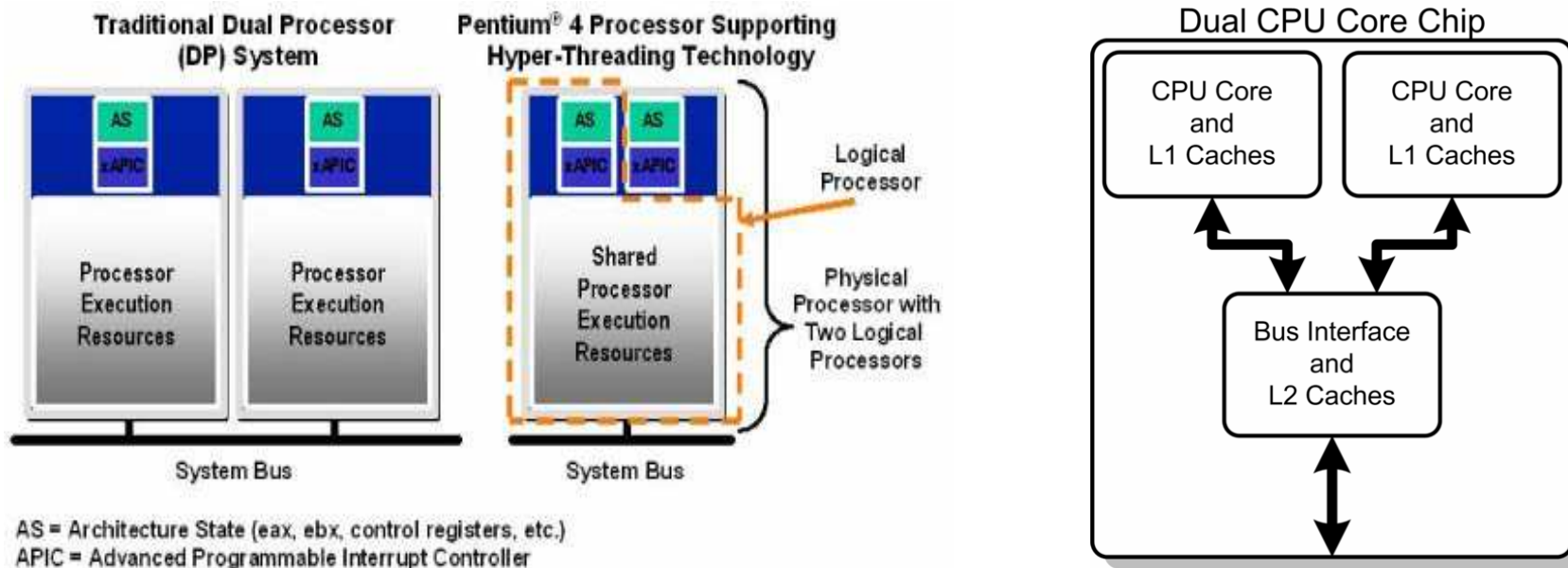
«Εισαγωγή στο OpenMP»

Παναγιώτης Χατζηδούκας
(Π.Δ. 407/80)



Πολυεπεξεργαστές

- Επεξεργαστές με τεχνολογία Hyper-threading (SMT)
- Επεξεργαστές με τεχνολογία Multi-Core



Λογισμικό

- Οι περισσότεροι συγγραφείς εφαρμογών αγνοούν τον παραλληλισμό
 - εκτός ίσως από αδρά καταμερισμένο (βαρύ) πολυνηματισμό για GUI's και λογισμικό συστήματος
- Γιατί;
 - Οι δυσκολίες συγγραφής παράλληλου software υπερνικούν τα πλεονεκτήματα
 - Τα πλεονεκτήματα είναι ξεκάθαρα. Για να αυξηθεί ο όγκος του παράλληλου software πρέπει να ελαχιστοποιηθούν οι δυσκολίες.

Υπολογισμός του π – Ακολουθιακή Έκδοση

```
static long num_steps;
double step;
int main ()
{   int i;
    double x, pi, sum = 0.0;
    num_steps = 100000;

    step = 1.0/(double) num_steps;

    for (i=1;i<= num_steps; i++){
        x = (i-0.5)*step;
        sum = sum + 4.0/(1.0+x*x);
    }
    pi = step * sum;

    return 0;
}
```

Υπολογισμός του π – Πολυνηματική Έκδοση

```
#include <pthread.h>
#define NUM_THREADS 2
pthread_t thread[NUM_THREADS];
pthread_mutex_t UpdateMutex;
static long num_steps;
double step;
double global_sum = 0.0;

void *Pi (void *arg)
{
    int i, start;
    double x, sum = 0.0;

    start = *(int *) arg;
    step = 1.0/(double) num_steps;

    for (i=start;i<= num_steps;
        i=i+NUM_THREADS){
        x = (i-0.5)*step;
        sum = sum + 4.0/(1.0+x*x);
    }
    pthread_mutex_lock (&UpdateMutex);
    global_sum += sum;
    pthread_mutex_unlock(&UpdateMutex);

    return 0;
}
```

```
int main ()
{
    double pi; int i;
    num_steps = 100000;

    int Arg[NUM_THREADS];

    for(i=0; i<NUM_THREADS; i++)
        threadArg[i] = i+1;

    pthread_mutex_init (&UpdateMutex, NULL);

    for (i=0; i<NUM_THREADS; i++)
        pthread_create(&thread[i], NULL, Pi,&Arg[i]);

    for (i=0; i<NUM_THREADS; i++)
        pthread_join(thread[i], NULL);

    pi = global_sum * step;

    return 0;
}
```

Υπολογισμός του π – με χρήση του OpenMP

```
#include <omp.h>
static long num_steps = 100000;
double step;
#define NUM_THREADS 2
int main ()
{   int i;
      double x, pi, sum = 0.0;

      step = 1.0/(double) num_steps;
      omp_set_num_threads(NUM_THREADS);
      #pragma omp parallel for reduction(+:sum) private(x)
      for (i=1;i<= num_steps; i++){
        x = (i-0.5)*step;
        sum = sum + 4.0/(1.0+x*x);
      }
      pi = step * sum;

      return 0;
}
```

Εισαγωγή στο OpenMP

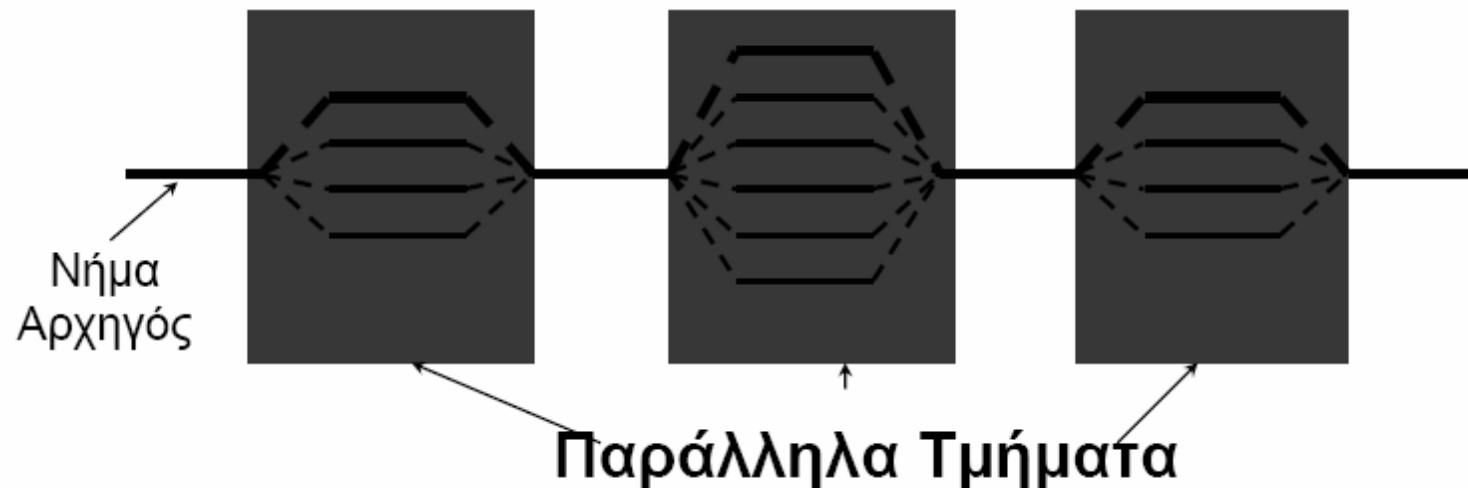
- OpenMP: API για τη συγγραφή πολυνηματικών εφαρμογών
 - Σύνολο οδηγιών προς τον μεταγλωττιστή και συναρτήσεων βιβλιοθήκης, διαθέσιμο στον προγραμματιστή παράλληλων συστημάτων
 - Διευκολύνει τη συγγραφή πολυνηματικών προγραμμάτων σε Fortran, C and C++
 - Πρότυπο που συγκεντρώνει την εμπειρία αρκετών χρόνων σε προγραμματισμό πολυεπεξεργαστικών συστημάτων

OpenMP

- Μοντέλο προγραμματισμού για παράλληλα συστήματα
- Οδηγίες προς τον μεταγλωττιστή ώστε να παράγει κώδικα με νήματα
- Όλες οι μεγάλες εταιρίες το υποστηρίζουν ή/και αποφασίζουν για την εξέλιξή του
 - Intel, SUN, IBM, HP, SGI, ...
 - Microsoft (Visual Studio 2005)
 - GNU GCC 4.2
- Ερευνητικοί compilers
 - Omni (Ιαπωνία), NANOS (Ισπανία)
 - OpenUH (ΗΠΑ), OMPi (Ελλάδα - UoI)

Προγραμματιστικό Μοντέλο

- Παραλληλισμός τύπου Fork-Join:
 - Το νήμα αρχηγός δημιουργεί ομάδα νημάτων σύμφωνα με τις ανάγκες
 - Ο παραλληλισμός προστίθεται βαθμιαία
 - το ακολουθιακό πρόγραμμα εξελίσσεται σε παράλληλο πρόγραμμα



Τυπική Χρήση

- Το OpenMP συνήθως χρησιμοποιείται για την παραλληλοποίηση loops:
 - Βρες τα πιο χρονοβόρα loops.
 - Μοίρασε τις επαναλήψεις μεταξύ νημάτων.

*Διαίρεσε αυτό το loop μεταξύ
πολλαπλών νημάτων*

```
void main()
{
    double Res[1000];
    for (int i=0;i<1000;i++) {
        do_huge_comp(Res[i]);
    }
}
```

Ακολουθιακό πρόγραμμα

```
void main()
{
    double Res[1000];
    #pragma omp parallel for
    for (int i=0;i<1000;i++) {
        do_huge_comp(Res[i]);
    }
}
```

Παράλληλο πρόγραμμα

Αλληλεπίδραση Νημάτων

- Πλεονέκτημα: Απόκρυψη «λεπτομερειών» από τον προγραμματιστή
- Μειονέκτημα: Απόκρυψη πολλών «λεπτομερειών» από τον προγραμματιστή μπορεί να βλάψει την επίδοση
- Το OpenMP είναι μοντέλο κοινής μνήμης
 - Τα νήματα επικοινωνούν μέσω διαμοιραζόμενων μεταβλητών
- Ακούσια διαμοίραση δεδομένων μπορεί να προκαλέσει races:
 - race : Το αποτέλεσμα του προγράμματος αλλάζει με τυχαίο τρόπο αν τα νήματα εκτελεστούν με διαφορετική σειρά
- Εξάλειψη races :
 - Χρήση συγχρονισμού στα σημεία που χρειάζεται
- Ο συγχρονισμός είναι «ακριβός», άρα:
 - Αλλαγή της δομής του προγράμματος και της οργάνωσης των δεδομένων ώστε να μειωθούν οι απαιτήσεις συγχρονισμού

Σύνταξη Οδηγιών

- Οι περισσότερες «εντολές» OpenMP είναι directives προς τον compiler ή pragmas.
- Για την C και C++, τα pragmas έχουν τη μορφή:
 - #pragma omp construct [clause [clause]...]
- Για τη Fortran, τα directives έχουν μία από τις ακόλουθες μορφές:
 - C\$OMP construct [clause [clause]...]
 - !\$OMP construct [clause [clause]...]
 - *\$OMP construct [clause [clause]...]
- Αφού οι «εντολές» είναι directives και pragmas
 - ένα πρόγραμμα OpenMP μπορεί να μεταγλωττιστεί από compilers που δεν υποστηρίζουν OpenMP
 - οι τελευταίοι απλά αγνοούν τα directives / pragmas

Δομημένα Τμήματα (blocks)

- Οι περισσότερες «εντολές» OpenMP εφαρμόζονται σε δομημένα τμήματα (blocks) κώδικα.
 - Δομημένο τμήμα: ένα τμήμα κώδικα με ένα σημείο εισόδου στην κορυφή και ένα σημείο εξόδου στο τέλος. Οι μόνες επιτρεπτές διακλαδώσεις είναι εντολές STOP της Fortran και exit() της C/C++.

```
C$OMP PARALLEL
10     wrk(id) = garbage(id)
       res(id) = wrk(id)**2
       if(conv(res(id))) goto 10
C$OMP END PARALLEL
       print *,id
```

Δομημένο τμήμα

```
C$OMP PARALLEL
10     wrk(id) = garbage(id)
30     res(id)=wrk(id)**2
       if(conv(res(id)))goto 20
       go to 10
C$OMP END PARALLEL
       if(not_DONE) goto 30
20     print *, id
```

Μη δομημένο τμήμα

Παράλληλα Τμήματα

- Νήματα δημιουργούνται στο OpenMP (στη C/C++) με το pragma “omp parallel”
- Για παράδειγμα, για να δημιουργηθεί ένα παράλληλο τμήμα με 4 νήματα:

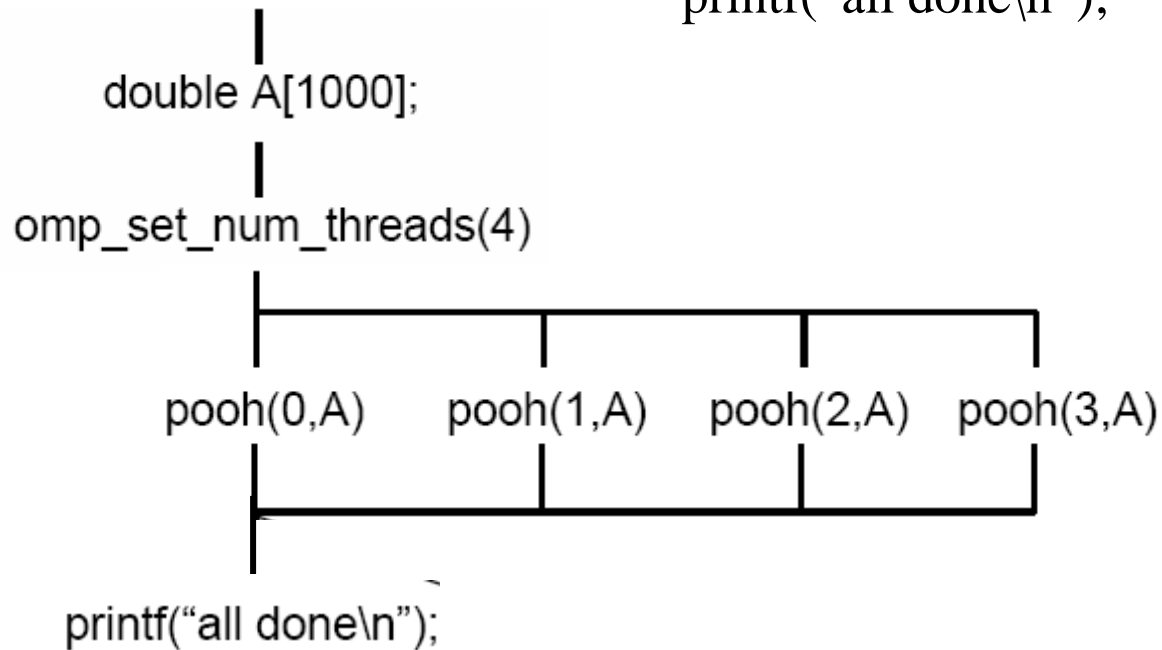
```
double A[1000];  
omp_set_num_threads(4);  
#pragma omp parallel  
{  
    int ID = omp_thread_num();  
    rooh(ID,A);  
}
```

- Κάθε νήμα εκτελεί για λογαριασμό του τον κώδικα μέσα στο δομημένο block του παράλληλου τμήματος
- Κάθε νήμα καλεί την `rooh(ID)` για $ID = 0$ έως 3

Παράλληλα Τμήματα

- Κάθε νήμα εκτελεί για λογαριασμό του τον ίδιο κώδικα
- Ένα μοναδικό αντίγραφο του A μοιράζεται μεταξύ των νημάτων
- Η εκτέλεση προχωρά μόνο όταν έχουν τελειώσει όλα τα νήματα (barrier)

```
double A[1000];  
omp_set_num_threads(4);  
#pragma omp parallel  
{  
    int ID = omp_thread_num();  
    pooh(ID,A);  
}  
printf("all done\n");
```



Πολυνηματικό Πρόγραμμα «Hello world»

- Γράψτε ένα πολυνηματικό πρόγραμμα στο οποίο κάθε νήμα τυπώνει ένα απλό νήματα (π.χ. “hello world”).
- Χρησιμοποιήστε 2 ξεχωριστές εντολές printf και το thread ID:

```
int ID = omp_get_thread_num();  
printf(“ hello(%d) ”, ID);  
printf(“ world(%d) ”, ID);
```

- Τι γίνεται όταν εκτελείται ταυτόχρονα I/O από πολλαπλά νήματα;

Μερικές Πρώτες Λεπτομέρειες

- Dynamic mode (default):
 - Ο αριθμός των νημάτων που χρησιμοποιούνται για την εκτέλεση παράλληλων τμημάτων μπορεί να διαφέρει μεταξύ διαφορετικών τμημάτων
 - Ο ορισμός του αριθμού των νημάτων αφορά τον μέγιστο αριθμό νημάτων και ενδεχομένως η εκτέλεση να γίνει με λιγότερα νήματα
- Static mode:
 - Ο αριθμός των νημάτων είναι σταθερός και μάλιστα ακριβώς αυτός που καθορίζεται από τον προγραμματιστή
- Το OpenMP υποστηρίζει εμφωλευμένα παράλληλα τμήματα, όμως...
 - Ένας compiler ενδεχομένως να επιλέξει να εκτελέσει σειριακά όλα τα επίπεδα μετά το 1ο

Δομές Διαμοίρασης Έργου

- Το omp “for” κατανέμει τις επαναλήψεις ενός loop μεταξύ των νημάτων μιας ομάδας

```
#pragma omp parallel
#pragma omp for
for (I=0;I<N;I++){
    NEAT_STUFF(I);
}
```

- Εξ’ ορισμού υπονοείται barrier στο τέλος του omp for
- Για να αφαιρεθεί το barrier χρησιμοποιούμε την παράμετρο “nowait”

Χρησιμότητα Δομών Διαμοίρασης

- Ακολουθιακός κώδικας

```
for(i=0;I<N;i++) { a[i] = a[i] + b[i];}
```

- Παράλληλο τμήμα OpenMP

```
#pragma omp parallel
{
  int id, i, Nthrds, istart, iend;
  id = omp_get_thread_num();
  Nthrds = omp_get_num_threads();
  istart = id * N / Nthrds;
  iend = (id+1) * N / Nthrds;
  for(i=istart;I<iend;i++) { a[i] = a[i] + b[i];}
}
```

- Παράλληλο τμήμα OpenMP με omp for για διαμοίραση έργου

```
#pragma omp parallel
#pragma omp for schedule(static)
for(i=0;I<N;i++) { a[i] = a[i] + b[i];}
```

Δομές Διαμοίρασης Έργου

- Η δομή διαμοίρασης έργου sections αναθέτει ένα διαφορετικό δομημένο block σε κάθε νήμα

```
#pragma omp parallel
#pragma omp sections
{
    x_calculation();
    #pragma omp section
    y_calculation();
    #pragma omp section
    z_calculation();
}
```

- Εξ' ορισμού υπονοείται barrier στο τέλος του omp sections
- Για να αφαιρεθεί το barrier χρησιμοποιούμε την παράμετρο “nowait”

Συνδυασμοί Εντολών

- Συνδυασμός της Εντολής `parallel` με δομές διαμοίρασης έργου

```
#pragma omp parallel for
for (I=0;I<N;I++){
    NEAT_STUFF(I);
}
```

- Υπάρχει και “parallel sections”

Υπολογισμός του π

- Πρόγραμμα που χρησιμοποιεί αριθμητική ολοκλήρωση για τον υπολογισμό προσέγγισης του π
- Παραλληλοποίηση του προγράμματος χρησιμοποιώντας OpenMP. Υπάρχουν εναλλακτικές επιλογές:
 - Σαν πρόγραμμα SPMD με χρήση παράλληλου τμήματος μόνο
 - Με χρήση δομής διαμοίρασης έργου
- Διασφάλιση ότι το ένα νήμα δεν θα γράφει πάνω στις μεταβλητές του άλλου

Πρόγραμμα π – Ακολουθιακή Έκδοση

```
static long num_steps = 100000;
double step;
void main ()
{
    int i; double x, pi, sum = 0.0;
    step = 1.0/(double) num_steps;
    for (i=1;i<= num_steps; i++){
        x = (i-0.5)*step;
        sum = sum + 4.0/(1.0+x*x);
    }
    pi = step * sum;
}
```

Έκδοση με Παράλληλο Τμήμα (SPMD)

```
#include <omp.h>
static long num_steps = 100000; double step;
#define NUM_THREADS 2

void main ()
{
    int i; double x, pi, sum[NUM_THREADS];
    step = 1.0/(double) num_steps;
    omp_set_num_threads(NUM_THREADS)
#pragma omp parallel
    {
        int i; double x; int id;
        id = omp_get_thread_num();
        for (i=id, sum[id]=0.0;i< num_steps; i=i+NUM_THREADS) {
            x = (i+0.5)*step;
            sum[id] += 4.0/(1.0+x*x);
        }
    }
    for(i=0, pi=0.0;i<NUM_THREADS;i++) pi += sum[i] * step;
}
```

SPMD: Κάθε νήμα εκτελεί τον ίδιο κώδικα. Το ID του νήματος χρησιμοποιείται για τη διαφοροποίηση της συμπεριφοράς

Έκδοση με Δομή Διαμοίρασης Έργου

```
#include <omp.h>
static long num_steps = 100000; double step;
#define NUM_THREADS 2
void main ()
{
    int i; double x, pi, sum[NUM_THREADS];
    step = 1.0/(double) num_steps;
    omp_set_num_threads(NUM_THREADS)
#pragma omp parallel
{   int i; double x; int id;
    id = omp_get_thread_num();      sum[id] = 0.0;
#pragma omp for
    for (i=id, i< num_steps; i++){
        x = (i+0.5)*step;
        sum[id] += 4.0/(1.0+x*x);
    }
}
    for(i=0, pi=0.0;i<NUM_THREADS;i++) pi += sum[i] * step;
}
```

Εμβέλεια των Εντολών OpenMP

- Εντολές OpenMP μπορεί να επεκτείνονται σε πολλά αρχεία.
- foo.f: Static ή lexical extent του παράλληλου τμήματος
- bar.f: Dynamic extent του παράλληλου τμήματος
 - Περιλαμβάνει το static extent
- Orphan directives: εμφανίζονται εκτός παράλληλου τμήματος

foo.f

```
C$OMP PARALLEL
    call whoami
C$OMP END PARALLEL
```

bar.f

```
subroutine whoami
external omp_get_thread_num
integer iam, omp_get_thread_num
iam = omp_get_thread_num()
C$OMP CRITICAL
    print*, 'Hello from ', iam
C$OMP END CRITICAL
return
end
```

Χαρακτηριστικά Αποθήκευσης

- Προγραμματιστικό μοντέλο κοινής μνήμης:
 - Οι περισσότερες μεταβλητές είναι by default κοινές
- Οι global μεταβλητές είναι κοινές μεταξύ των νημάτων
 - Fortran: COMMON blocks, SAVE variables, MODULE variables
 - C: File scope variables, static
- Όμως δεν είναι τα πάντα κοινά...
 - Οι stack variables σε υπο-προγράμματα που καλούνται από παράλληλα τμήματα είναι ιδιωτικές
 - Οι automatic variables μέσα σε ένα δομημένο block εντολών είναι ιδιωτικές.

Αλλαγή Χαρακτηριστικών Αποθήκευσης

- Ο προγραμματιστής μπορεί να αλλάξει τα χαρακτηριστικά αποθήκευσης των μεταβλητών χρησιμοποιώντας ένα από τα ακόλουθα
 - SHARED
 - PRIVATE
 - FIRSTPRIVATE
 - THREADPRIVATE
- Η τιμή μιας ιδιωτικής μεταβλητής εντός ενός παράλληλου loop μπορεί να «μεταδοθεί» σαν καθολική τιμή εκτός του loop με τη:
 - LASTPRIVATE
- Η default συμπεριφορά μπορεί να μεταβληθεί με τη:
 - DEFAULT (PRIVATE | SHARED | NONE)
- Όλες οι εντολές δεδομένων εφαρμόζονται σε παράλληλα τμήματα και δομές διαμοίρασης έργου εκτός της “shared” η οποία εφαρμόζεται μόνο σε παράλληλα τμήματα.
- Όλες οι εντολές αυτής της διαφάνειας έχουν ισχύ στο lexical extent της εντολής OpenMP.

Εντολή private

- Η private(var) δημιουργεί ιδιωτικό αντίγραφο της var για κάθε νήμα
 - Η τιμή δεν είναι αρχικοποιημένη
 - Το ιδιωτικό αντίγραφο δεν συσχετίζεται (όσον αφορά τον χώρο αποθήκευσης) με το αυθεντικό

```
program wrong
  IS = 0
  C$OMP PARALLEL DO PRIVATE(IS)
    DO J=1,1000
      IS = IS + J
    1000 CONTINUE
  print *, IS
```

- Το IS δεν έχει αρχικοποιηθεί μέσα στο loop
- Παρά την αρχικοποίηση, το IS έχει ακαθόριστη τιμή μετά το τέλος του loop

Εντολή firstprivate

- firstprivate: ειδική περίπτωση του private.
 - Το ιδιωτικό αντίγραφο κάθε νήματος αρχικοποιείται με την αντίστοιχη τιμή του νήματος αρχηγού.

```
program almost_right
  IS = 0
  C$OMP PARALLEL DO FIRSTPRIVATE(IS)
    DO J=1,1000
      IS = IS + J
    1000 CONTINUE
  print *, IS
```

- Κάθε νήμα έχει ιδιωτικό αντίγραφο του IS με αρχική τιμή 0
- Παρά την αρχικοποίηση, το IS έχει ακαθόριστη τιμή σε αυτό το σημείο

Εντολή lastprivate

- Περνά την τιμή της ιδιωτικής μεταβλητής από την τελευταία επανάληψη που εκτελέστηκε στην καθολική μεταβλητή

```
program closer
  IS = 0
  C$OMP PARALLEL DO FIRSTPRIVATE(IS)
  C$OMP+ LASTPRIVATE(IS)
    DO J=1,1000
      IS = IS + J
    1000 CONTINUE
  print *, IS
```

- Κάθε νήμα έχει ιδιωτικό αντίγραφο του IS με αρχική τιμή 0
- Το IS έχει την τιμή που είχε στην τελευταία επανάληψη (δηλ. για J=1000)

Περιβάλλον Δεδομένων

- Παράδειγμα με χρήση των PRIVATE και FIRSTPRIVATE

```
int A, B, C;  
A = B = C = 1;  
#pragma omp parallel private(B) firstprivate(C)  
{  
    ...  
}
```

- Μέσα στο παράλληλο τμήμα :
 - Το “A” είναι κοινό μεταξύ των νημάτων και ίσο με 1
 - Τα “B” και “C” είναι ιδιωτικά σε κάθε νήμα.
 - Το B έχει ακαθόριστη αρχική τιμή
 - Το C έχει αρχική τιμή 1
- Μετά το παράλληλο τμήμα :
 - Οι τιμές των B και C είναι ακαθόριστες

Εντολή default

- Η εξ' ορισμού τιμή είναι DEFAULT(SHARED) (οπότε αν αυτή είναι η επιθυμητή συμπεριφορά δεν χρειάζεται να κάνουμε τίποτε)
- Για να αλλάξουμε την εξ' ορισμού συμπεριφορά:
 - DEFAULT(PRIVATE)
 - κάθε μεταβλητή στο static extent του παράλληλου τμήματος γίνεται ιδιωτική (σαν να είχε καθοριστεί αυτό ρητά με εντολή private)
 - DEFAULT(NONE)
 - καμία εξ' ορισμού συμπεριφορά για τις μεταβλητές στο static extent. Πρέπει να καθοριστεί ρητά η συμπεριφορά για όλες τις μεταβλητές
- Μόνο το Fortran API υποστηρίζει default(private)
- Η C/C++ υποστηρίζει μόνο default(shared) ή default(none)

Εντολή threadprivate

- Κάνει global δεδομένα ιδιωτικά σε κάθε νήμα
 - Fortran: COMMON blocks
 - C: File scope και static variables
- Διαφορετική συμπεριφορά από το PRIVATE
 - Με το PRIVATE οι global μεταβλητές αποκρύπτονται.
 - Το THREADPRIVATE διατηρεί το global scope σε κάθε νήμα
- Οι μεταβλητές threadprivate μπορούν να αρχικοποιηθούν χρησιμοποιώντας εντολές COPYIN ή DATA

Παράδειγμα threadprivate

- Θεωρήστε 2 διαφορετικές συναρτήσεις που καλούνται εντός του ίδιου παράλληλου τμήματος.
- Εξαιτίας της εντολής threadprivate, κάθε νήμα που εκτελεί αυτές τις συναρτήσεις έχει δικό του αντίγραφο του common block /buf/.

```
subroutine poo
parameter (N=1000)
common/buf/A(N),B(N)
C$OMP THREADPRIVATE(/buf/)
do i=1, N
    B(i)= const* A(i)
end do
return
end

subroutine bar
parameter (N=1000)
common/buf/A(N),B(N)
C$OMP THREADPRIVATE(/buf/)
do i=1, N
    A(i) = sqrt(B(i))
end do
return
end
```

Εντολή reduction

- Επηρεάζει στην ουσία τον τρόπο «διαμοίρασης» των μεταβλητών:
 - reduction (op : list)
- Οι μεταβλητές στο “list” πρέπει να είναι shared στο παράλληλο τμήμα του οποίου το scope βρισκόμαστε.
- Εντός μια δομής parallel ή διαμοίρασης εργασίας:
 - Δημιουργείται τοπικό αντίγραφο κάθε μεταβλητής της λίστας και αρχικοποιείται (ανάλογα με την πράξη “op” π.χ. 0 για “+”)
 - Τα τοπικά αντίγραφα συνδυάζονται ώστε να εκφυλιστούν σε ένα μοναδικό global αντίγραφο στο τέλος της δομής

Παράδειγμα reduction

```
#include <omp.h>
#define NUM_THREADS 2

double func(int i);

void main ()
{
    int i;
    double ZZ, res=0.0;
    omp_set_num_threads(NUM_THREADS);
    #pragma omp parallel for reduction(+:res) private(ZZ)
    for (i=0; i< 1000; i++){
        ZZ = func(i);
        res = res + ZZ;
    }
}
```

Παράδειγμα reduction

- Επιστρέψτε στο πρόγραμμα υπολογισμού προσέγγισης του π και αυτή τη φορά, χρησιμοποιήστε `private`, `reduction` και μια δομή διαμοίρασης έργου για την παραλληλοποίησή του.
- Πόσο μοιάζει στο αρχικό, ακολουθιακό πρόγραμμα;

Παράδειγμα reduction

```
#include <omp.h>
static long num_steps = 100000; double step;
#define NUM_THREADS 2
void main ()
{
    int i; double x, pi, sum = 0.0;
    step = 1.0/(double) num_steps;
    omp_set_num_threads(NUM_THREADS)
#pragma omp parallel for reduction(+:sum) private(x)
    for (i=1;i<= num_steps; i++){
        x = (i-0.5)*step;
        sum = sum + 4.0/(1.0+x*x);
    }
    pi = step * sum;
}
```

- *Το OpenMP προσθέτει 2 - 4 γραμμές κώδικα*