

2η Σειρά Ασκήσεων

Οι παρακάτω ασκήσεις είναι για δική σας εξάσκηση και όχι για παράδοση. Οι λύσεις τους θα δοθούν αργότερα κατά τη διάρκεια του εξαμήνου.

Ασκηση 1.

Μετατρέψτε την παρακάτω συνάρτηση Python σε Haskell (για τη μετατροπή υποθέστε ότι οι παράμετροι και το αποτέλεσμα της p είναι ακέραιοι αριθμοί):

```
def p(a,b,c):  
    while a>b or b>c:  
        if a>b:  
            a = (a+b) // 2  
            c = c+1  
        else: b=b-1  
    return (a+b+c)
```

Ασκηση 2.

Γράψτε αναλυτικά πώς θα γίνει στη Haskell η αποτίμηση των παρακάτω παραστάσεων (όπου οι $power$, $comb$ και $gcdEuc$ ορίζονται όπως στις σημειώσεις):

- $power\ 4\ 6$
- $comb\ 10\ 3$
- $gcdEuc\ 52\ 91$

Ασκηση 3.

Έστω οι παρακάτω ορισμοί σε Haskell:

```
a :: Float  
a = b-1  
  
b :: Float  
b = 3*a-1  
  
f :: Float->Float->Float->Float->Float  
  
f x y s t  
| x < 1.0 = (x+y) / (s*t)  
| y < 1.0 = f (x+y) (x-y) (t+s) (t-s)  
| otherwise = (x+y)^2
```

Δώστε όλα τα ενδιαμέσα βήματα του υπολογισμού που θα κάνει η Haskell για τη αποτίμηση της παράστασης $f\ 8.5\ (f\ 0.7\ 1.3\ 20.0\ 0.20)\ a\ b$.

Άσκηση 4.

Έστω οι παρακάτω ορισμοί σε Haskell:

```
x :: Int
x = x 'div' x
p :: Int -> Int -> Int
p m n
  | m == 0 = n
  | mod m 4 == 1 = p (m+2) (n-8)
  | otherwise = p (div m 4) (4*m)
```

Δώστε όλα τα ενδιαμέσρα βήματα του υπολογισμού που θα κάνει η Haskell για τη αποτίμηση της παράστασης $p\ 5\ x$.

Άσκηση 5.

Γράψτε αναλυτικά πώς θα γίνει στη Haskell η αποτίμηση των παρακάτω παραστάσεων (όπου οι `mergeInt`, `delete`, `insertInt`, `conc` ορίζονται όπως στις σημειώσεις):

- `mergeInt [5,16,20,24] [8,10,18]`
- `delete "white" ["green", "red", "blue", "white"]`
- `insertInt 12 [1,5,11,12,13,20]`
- `conc [(1,4),(3,8),(5,5)] [(9,0),(0,3),(8,8)]`

Άσκηση 6.

Εξηγήστε γιατί οι παρακάτω παραλλαγές της `sqrtIntFast` δεν υπολογίζουν σωστά το ακέραιο μέρος της τετραγωνικής ρίζας ενός θετικού ακεραίου.

```
sq1 :: Int -> Int
sq1 n = sqrthlp 0 n
  where sqrthlp :: Int -> Int -> Int
        sqrthlp a b
          | a==b
            = a
          | c*c > n
            = sqrthlp a (c-1)
          | otherwise
            = sqrthlp c b
          where c = (a+b) 'div' 2
```

```
sq2 :: Int -> Int
sq2 n = sqrthlp 0 n
  where sqrthlp :: Int -> Int -> Int
        sqrthlp a b
          | a==b
            = a
          | c*c > n
            = sqrthlp a c
          | otherwise
            = sqrthlp (c+1) b
          where c = (a+b) 'div' 2
```

Άσκηση 7.

Έστω οι παρακάτω ορισμοί σε Haskell:

```
x :: Int
x = x 'div' x
```

```
p :: Int -> [Int]
p n = x: n: p (n^n)
```

Γράψτε αναλυτικά πώς θα γίνει στη Haskell η αποτίμηση των παρακάτω παραστάσεων (όπου η `elemIntList` ορίζεται όπως στις σημειώσεις):

- `elemIntList 5 (p 3)`
- `elemIntList 4 (p 3)`